



جامعة جنوب الوادي  
كلية الآداب بقنا  
قسم الفلسفة

# أسس المنطق الرمزي

د. هيثم السيد

دكتوراة الدولة في الفلسفة من جامعة ليدز - بريطانيا  
مدرس بقسم الفلسفة - كلية الآداب بقنا - جامعة جنوب الوادي

2012 م

بسم الله الرحمن الرحيم

وعلمه ما لم تكن تعلم وكان

فضل الله عليك عظيما

صدق الله العظيم

سورة النساء

آية (113)

## مقدمة

بدأ التفكير المنطقي مع بدء الإنسان تخليه عن النزعة الأسطورية في تفكيره، وارتقائه بهذا التفكير من المرحلة الارتجمالية إلى مرحلة أخرى تتسم بالمنهجية والوضوح، بغي من خلالها الفرد العاقل الانتقال من معلوم مثبت إلى معلوم آخر يريد إثباته، أو من معلوم مثبت إلى مجهول يريد تعبينه واستيضاحه، انتقالاً صحيحاً مؤسساً على قواعد ومبادئ محددة ومرتبة.

”ومنذ وجد المنطق بوصفه علماً، خضع موضوع دراسته لتحولات عميقة. فالمنطق يتميز بسمة خاصة، لأنه لا يدرس عالم الطبيعة الموضوعي، ولا عالم الانفعالات الذاتية، ولكنه يدرس الفكر بوصفه وسيلة يستخدمها الإنسان لمعرفة العالمين. وموضوع المنطق إذن هو دراسة أشكال وقوانين الفكر ذاته.“<sup>(١)</sup>

---

<sup>(١)</sup> الكسندر ماكوفل斯基، تاريخ علم المنطق، نقله إلى العربية: نديم علاء الدين، إبراهيم فتحي، دار الفارابي، بيروت، ط١، 1987، ص.8.

ومنذ عَمَّدَ الإنسان إلى ابتداع حيل اقناعية، تستند في ظاهرها إلى حاج عقلية منسوجة على نحو منهجي منظم، لا يفتهن المرء حيالها إلا أن يسلم بصحتها، منذ ذلك الحين بدأت إشراقات علم جديد تلوح في أفق المعرفة البشرية. ”فظهر المنطق أول ما ظهر داخل إطار فن الخطابة باعتباره نظرية البلاغة. وقد كانت بداياته كذلك سواء في الهند والصين القديمتين أو في اليونان القديمة أو روما أو روسيا... وهكذا نرى أن المنطق في البداية كان يعتبر وسيلة للتأثير في النفوس، وللبرهنة على سداد هذا السلوك أو ذاك. وظل المنطق داخل فن الخطابة وجهاً تابعاً، يستهدف الوصول إلى الحقيقة بدرجة أقل من استهدافه إقناع السامع.“<sup>(2)</sup>

بعد تلك المرحلة التي اختصت لنفسها موضوعاً وغريزاً للمنطق، جاءت مرحلة أخرى احتل فيها المنطق بؤرة العمل الفلسفية من قبل ثالوث الفكر اليوناني، الذي أرسى سocrates قاعدته، ودعمها Aفلاطون، ثم جاء أرسطو على قمته ليضع أسس علم المنطق، ويوضع مفهوماً جديداً لموضوعه والغرض منه، وهو كونه آلة وأداة للعلم والفلسفة، تقدم المبادئ

---

<sup>2</sup>- نفس المرجع، ص9.

والقوانين التي يجب أن يؤسس عليها كل فكر صحيح، ذلك المعنى الذي أكده تلامذته وشراحه من بعده عندما أطلقوا كلمة "أورجانون" على إنتاجه المنطقي، والتي تعنى الآلة أو الأداة. وبناءً على ذلك، "بدأ المنطق يلعب دوراً مهماً في المناقشات العلمية. وقد توطدت دعائم المنطق بصفته علماً للفكر يؤدي إلى الحقيقة عبر أنواع من الصراع من السفسطة بتأرجحاتها وألاعيبها اللغوية. وفرض المنطق نفسه وفقاً لوجهة النظر هذه باعتباره أحد عوامل تطور العلم والفلسفة، يقدم أساساً لقضاياهم ويحضر النظريات الخاطئة."<sup>(3)</sup>

وفي الحضارة الإسلامية أتى المنطق على رأس العلوم المنقولة من اليونان، وحظى بما لم يحظ به علم منقول آخر بالدراسة والشرح والتعليق، وأصبح لا يوثق بعلمه من لم يدرس المنطق، بل صار ميزاناً للعقل ومعاييرأً للعلم عندهم، وهو بالطبع على عكس ما آلت إليه المنطق في الغرب المسيحي بعد ذلك.

---

<sup>1</sup>- المرجع السابق، ص9.

”ولكننا نجد عند فرنسيس بيكون في العصر الحديث مفهوماً جديداً

لموضوع المنطق، فلم يعد المنطق أداة لتغيير الحقيقة، ولكنه أصبح يُسدى

العون للوصول إلى اكتشافات علمية جديدة. ويرى بيكون أن الجانب

الأساسي من المنطق يتناول منهج البحث العلمي الذي يقدم للباحثين

وسائل اكتشاف حقائق جديدة<sup>(٤)</sup>. فتاريخ المنطق يضع أمامنا إذن مفاهيم

متعددة لموضوع دراسته ولغرضه.

يعد اندماج المنطق في علوم أخرى -مثل الرياضيات- ودراسته من

منظور بياني *interdisciplinary* أحد أبرز المقومات التي عبرت

بالمنطق من التقليدية إلى الحداثة. بات من المعروف أن أحد أبرز

المجالات التي طبّق فيها علم المنطق هو علم الرياضيات؛ فالعودة إلى

أصول المنطق الرياضي، نجد أن حدوث أزمة الرياضيات، وإدراك

الرياضيين إلى حقيقة أن السبيل لمعالجة الخلل الموجود في الأساق

الرياضية الجديدة هو البحث في أسس الرياضيات، وردها إلى أصولها

المنطقية، قد أنشأ ما يسمى عند الرياضيين ”أسس الرياضة“

---

<sup>2</sup>- المرجع السابق، ص10.

بينما تسمى المسألة نفسها عند الفلاسفة Foundation of Mathematics والكثيرين من الرياضيين أيضاً "فلسفة الرياضة" Philosophy of Mathematics . وكان نتيجة لتضافر جهود المنطقة من جهة وعلماء الرياضيات من جهة أخرى في دراسة الأسس المنطقية للرياضيات أن نشأ ما يسمى المنطق الرياضي Mathematical Logic أو المنطق الرمزي Symbolic Logic .

أما عن بدايات المنطق الرمزي، فيُورخ عادةً لشروع مرحلة فكرية معينة، وأول أخرى، بظهور إنتاج علمي معين، يحمل بداخله النواة الأولى لهذه المرحلة، ويشكل الأساس الذي تتطلق منه كل التطورات اللاحقة. وفيما يخص المنطق الرمزي Symbolic Logic، فإن "ظهور كتاب "التحليل الرياضي للمنطق" عام 1847م" (١) للرياضي والمنطقى جورج بول G.Boole (1815-1864)، قد شكل نقطة البدء لسلسلة من الدراسات، تضافرت فيها جهود المنطقة مع الرياضيين، والتى ما لبثت أن

<sup>١</sup>- محمد ثابت الغندى، فلسفة الرياضة، دار المعرفة الجامعية، الإسكندرية، 1987، ص 14.

١- محمود فهمي زيدان، مرجع سابق، ص 76.

أفرزت فلسفة الرياضيات Mathematical Philosophy، ومن بعدها المنطق "الرياضي" Mathematical Logic، كما أسلفت القول.

وبتلاق الأحداث، وبتلاق الأفكار، تتنامي المعرفة، والتى ربما ينجم

على إثرها تغایر فى المنظور الذى نتناول من خلاله قضائيانا الفكرية.

وعلم المنطق فى مجلمه لم يخرج عن هذا الإطار، "فالمنطق الرمزي" -

وهو المسماى الذى يطلق على هذا العلم حالياً - بدأ يأخذ مجراه الحقيقى

فى تاريخ الفكر الحديث والمعاصر، بظهور كتاب "مجلم المنطق

الرمزي" عام 1918 للمنطقى كلارينس ايرفنج لويس C.I.Lewis. فقد

اتجه المنطق الرمزي الجديد اتجاهًا جديداً بالمرة، حيث اشتق وجوده على

أساس الصورية الارسطية الخالصة، وصار -المنطق الرمزي - يمثل

تطوراً فلسفياً في ملامح التحول العامة للمنطق، بدلاً من الخضوع

لاتجاهات الرياضة في نزعاتها ونزواتها على نحو ما جرى من قبل عند

إخضاع المنطق للرياضية في إبان القرن العشرين." (٧) وبهذا تحولت

---

2- ليس امبروز، موريس لايزروفيتش، أوليات المنطق الرمزي، ترجمة د. عبد الفتاح الديدى، المجلس الأعلى للثقافة، القاهرة، 1983، ص 7، 8.

نظرة الفلاسفة إلى المنطق الحديث من دخيل رياضياتى إلى ربيب فلسفى.

ولقد انبثقت ريادة ومحورية المنطق الرمزي بالنسبة إلى العلوم المختلفة – ومن بينها الرياضيات والذكاء الاصطناعى - من حيازته لما يلي:

-1 لغات اصطناعية رمزية متعددة ومتنوعة

-2 أنساق استباطية

-3 آليات لاختبار صحة الحجج المنطقية

ويأتى عرضنا لأسس المنطق الرمزي فى هذا الاطار، حيث يتناول المقرر الحالى النظريتان الرئيسيتان فى المنطق الرمزي بالشرح والتحليل:

منطق القضايا Propositional Logic، ومنطق المحمول Predicate

Logic. تواترت الكتابات والمقررات الدراسية الأجنبية على اعتبار هاتين

النظريتين هما الركائز الذى تأسس عليها كل ما لحق بالمنطق الرمزي من

تطورات، وهما الأساس الذى لابد أن يشرع منه الطالب فى دراسته

لأصول هذا العلم. ورغبة منى فى وضع مقرر دراسي يتطابق مع ما

يدرسه طالب المنطق فى المعاهد والجامعات الأجنبيه فقد قصرت

عرضى لأسس المنطق الرمزي على شرحى وتحليلي لهاتين النظريتين، واعتبار المقدمة التاريخية للمنطق الرمزي وكذلك الارهاسات المنطقية الحديثة مثل نظرية كم المحمول للسير وليم هامilton ونظرية الفئات لجورج بول وغيرها ضمن ما يحصله الطالب بالبحث فى مصادر متعددة فى اطار تحقيق احدى المخرجات التعليمية المستهدفة لطالب الفلسفة وهى "تحصيل المعرفة من مصادر متعددة". ويركز شرحنا وتحليلنا الراهن على ابراز الخصائص الرئيسية الثلاثة السابقة لكل نظرية على حدة، وهى: اللغة الرمزية، النسق الاستيباطي، والآليات اختبار صحة الحجج باعتبارها ادوات المنطق الرمزي الاساسية المنوط بالطالب معرفتها واتقان استخدامها.

وأللهم الموفق والمستعان ،،،

د. هيتم السيد

القاهرة فى يوليو 2012

## الفصل الأول

# منطق القضايا

(مفاهيم وآليات أساسية)

## الفصل الأول

### منطق القضايا: مفاهيم وآليات أساسية

كل علم من العلوم مجموعة من المفاهيم والآليات الخاصة، والتي يُعوَّل عليها في بناء نسقه المعرفي. و المنطق الرمزي لم يخرج عن هذا الاطار، حيث تتأسس كل نظرية من نظرياته على مجموعة من المفاهيم والآليات. وتبرز أهمية هذه المفاهيم والآليات الأساسية في كونها هي التي يتم عبرها بناء النسق المنطقي للنظرية logical system ، ويجرى عبرها اختبار صحة الحجج arguments validity . بناء على ذلك، وجب التقديم لمجموعة من المفاهيم والآليات الأساسية في منطق القضايا المنطقي واجراءات اختبار صحة الحجج المنطقية فيه. يدعم عرضنا لهذه المجموعة من المفاهيم والآليات طائفة من الامثلة الموضحة لكيفية استخدامها في بناء النسق المنطقي القضوى، وكيفية اختبار صحة الحجج فيه.

## 1. القضية Proposition

كما أن الخلية هي وحدة بناء الكائن الحي، فإن القضية هي وحدة بناء الحجة المنطقية logical argument في المنطق عموماً وفي منطق القضايا على وجه الخصوص، ومنها اشتق اسم النظرية فتارة تسمى "منطق القضايا" وتارة تسمى "المنطق القضوي". مفهوم القضية في المنطق الرمزي لا يختلف عن مفهومها في المنطق الصوري، ويمكن تعريفها على النحو التالي:

**القضية المنطقية:** هي الجملة التقريرية أو الخبرية التي تحتمل إما الصدق أو الكذب.

ومعنى تقريرية أنها تقر شيئاً ما، ومعنى خبرية أنها تخبر عن شيئاً ما ، وهذا التقرير أو الاخبار يتحمل إما الصدق أو الكذب. وفي ذلك يقول نجيب الحصادى في مؤلفه "أسس المنطق الرمزي المعاصر" "المنطق -

لاختصاصه بأمر القضايا ذات القيم الصدقية المحددة – definite truth –

declarative sentences – لا يعتد إلا بالجمل التقريرية values

التي إما أن تكون صادقة أو باطلة [كاذبة] <sup>8</sup>.

فمثلاً إذا قلت:

"تعداد سكان مصر 85 مليونا"

لا حتمل قوله اما الصدق او الكذب، وبالتالي فهي قضية منطقية. ويعضد

تعريفنا السابق ما ذكره محمد مهران في كتابه "مدخل إلى المنطق

الصوري" حيث يرى أن "أى عبارة أو جملة لا يمكن أن تقول لقائلها انه

اما ان يكون صادقاً أو كاذباً لا تعد قضية بهذا المعنى. وعلى ذلك

فالاقوال الدالة على "أمر" او "نهي" او "تعجب" او "تمنى" ليست بقضايا

<sup>9</sup>.

<sup>8</sup> نجيب الحصادي، أسس المنطق الرمزي المعاصر، ص.26.

<sup>9</sup> محمد مهران، مدخل إلى المنطق الصوري، ص.118.

أمثلة توضيحية:

- احفظ العهد      (أمر)

- لا تكذب      (نهي)

- ما أجمل السماء      (تعجب)

- ليت الشباب يعود يوما      (تمني)

تجدر الاشارة الى ان القضية المنطقية رغم كونها جملة تقريرية ذات قيمة صدقية بعينها - بمعنى انها اما ان تكون صادقة او كاذبة- الا انها لا

تدرج تحت صنف واحد. تنقسم القضية المنطقية - وفقا لتصنيف نجيب الحصادي<sup>10</sup> - الى ثلاثة أنواع:

1- قضايا تكرارية (أو تحصيل حاصل) tautologies، وهى

القضايا التي يستحيل كذبها أو بطلانها.

---

<sup>10</sup> نجيب الحصادي، مرجع سابق، ص27-28

مثل:

"كل العزاب غير متزوجين"

قضية تكرارية يستحيل بطلانها، حيث لا يقرر الشق الثاني منها شيئاً

جديداً بل هو تكرار لما قد قيل بصورة مختلفة، فليس بمقدور أحد

تصور أعزب متزوج، فأمر بدبيه أن يكون "كل العزاب" "غير

متزوجين".

2- قضايا متناقضة contradictions، وهي القضايا التي يستحيل

صدقها.

مثل:

"يوجد أعزب متزوج"

قضية متناقضة يستحيل صدقها، حيث احتوت على صفتين متناقضتين لشيء واحد، فلا يتصور وجود "أعزب" ويكون "متزوج" في نفس الوقت.

-3- قضايا عارضة contingent proposition، وهى القضايا التى يتحمل صدقها ويتحمل كذبها. الامثلة على هذا النوع من القضايا كثيرة، حيث أن معظم القضايا التى تعتمد بها العلوم الطبيعية تعتبر قضايا عارضة، كالقضية القائلة بتطور الكائنات الحية على نحو معين، والقضية القائلة بتعاقم الوضع الاقتصادي فى دولة من الدول ... الخ.

-4

## 2. دالة القضية Propositional function

مفهوم دالة القضية أحدى المفاهيم المركبة فى المنطق الرمزي التى يلتقي فيها المنطق بالرياضيات. الشق الاول منه وهو "دالة" function هو

احدى المفاهيم الاساسية الشائعة فى الرياضيات، أما مفهوم "القضية" proposition والذى أسلفنا ذكره، هو أحد المفاهيم الاساسية فى علم المنطق بشقيه الصورى والرمزى.

ووفقا لما اورده ماهر عبد القادر فى كتابه "نظريات المنطق الرياضي"<sup>11</sup>، يمكننا توضيح المفهوم "دالة" بمثال من الرياضيات على النحو التالى:

$$ص = (2 + أ)$$

وفقا لهذه الصيغة الرياضية نقول أن  $(ص دالة أ)$ . بمعنى، اذا عرفت قيمة  $(أ)$  تحددت بالتبعية قيمة  $(ص)$ . والدالة فى الرياضيات هى ما يتبقى لدينا بعد رفع القيم المجهولة فى الصيغة السابقة وهما  $(ص، أ)$ . بصياغة أخرى، اذا اعطينا لكل من  $(ص، أ)$  او أحدهما قيمًا محددة لتحددت قيم المجهول الآخر.

---

<sup>11</sup> انظر ماهر عبد القادر، مرجع سابق، ص 66-68.

فمثلا، لو أعطينا (أ) القيمة 2، 3، 5 وكان المطلوب هو تحديد قيمة (ص)

لنتج عن طريق التعويض الدوال التالية:

في حالة أ = 2

$$\therefore \text{ص} = 10 = 2 + 2 \times 4.$$

في حالة أ = 3

$$\therefore \text{ص} = 14 = 2 + 3 \times 4.$$

في حالة أ = 5

$$\therefore \text{ص} = 22 = 2 + 5 \times 4.$$

أما الشق الثاني من هذا المفهوم وهو "قضية" فقد اعتقد المناطقة أن

القضية الحملية ذات الصورة (موضوع-محمول) subject-predicate

هي أبسط أنواع القضايا. غير أن المناطقة الجدد كان لهم رأياً آخر، حيث

اكتشفوا أن القضية الكلية أو العامة هي قضية شرطية، ومثال ذلك:

"كل إنسان فان"

يمكن تقسير هذه القضية الكلية على النحو التالي:

"إذا كان (س إنسان) فإن (س فان)"

وبناء عليه يمكن تحليل هذه القضية إلى المكونات التالية:

1- السور quantifier المعبر عن الشرط ( اذا كان ... فإن )

2- الصيغة (س إنسان)

3- الصيغة (س فان)

ومثلا الحال في الرياضيات، لا يمكن اعتبار الصيغتين السابقتين قضائيا

لأن هناك قيمة مجهولة وهى (س) في الحالتين. وما يفهمه المنطق

الرمزي من هاتين الطبيعتين أنهما دلالات قضائيا، تصبح قضائيا إذا تعينت

قيمة المجهول فيها.

مثلا، الصيغة "إذا كان (س إنسان) فإن (س فان)" هي دالة قضية، تصبح قضية إذا أعطينا س قيمة محددة مثل (زيد) فتصبح "إذا كان زيد إنسان فإن زيد فان".

### 3. المتغيرات Variables

"المتغيرات نوع من الرموز المساعدة Auxiliary Symbols<sup>12</sup>" وهي على عكس الثوابت؛ حيث يتغير معنى الرمز "فلا تشير المتغيرات إلى أشياء بعينها ، بل تشير إلى كل (أو بعض) ما يتصف بخصائص بعينها . والمتغير لا يتضمن أية دلالة ما لم يتم تكميمه بمكمل أو سور quantifier. وعادة ما تستعمل رموز بعينها للإشارة إلى المتغيرات ، بيد أن الأمر الهام هنا يتعين في وجوب عدم استعمال رموز لمتغير في حال استعمال ذات الرمز للإشارة إلى شيء بعينه ، وذلك لعدم حدوث أي خلط بينهما. أما فيما عدا ذلك ، فإن وضع المتغيرات يتتشابه تماماً مع وضع

---

<sup>12</sup> - Barwise, J.& Etchemendy, J., (ed.) : The language of first-order logic, cilia Publications, Stanford, 3ed., 1993, p115.

رموز تلك الأشياء ، فكلهاما يستعمل الحروف الصغيرة كوسيلة للترميز ،

وكلاهما قابل لأن يرد بعد الصفات بأنواعها المختلفة.“<sup>(13)</sup>

وعودة أخرى للمنطق التقليدي لنثبت حقيقة هامة، وهي أن ”إدخال

المتغيرات في المنطق كان من أعظم مبتكرات أرسطو. ويکاد المرء لا

يصدق أن أحداً من الفلاسفة أو اللغويين لم ينبه لأن إلى هذه الحقيقة

الفائقه الأهمية...، ويعلم كل رياضي Mathematician أن إدخال

المتغيرات في علم الحساب كان فتح عهد جديد في ذلك العلم. إلا أن

أرسطو اعتبر ابتكاره هذا شيئاً واضحاً لا يحتاج إلى بيان ، وذلك لأنه لا

يتكلم عن المتغيرات في أي موضع من مؤلفاته المنطقية.“<sup>(14)</sup>

وتبرز قيمة المتغيرات في أنها ”تحدد بدقة الصورة المنطقية لما نريد

الحديث عنه ، حيث تقوم مقام اللغة التي كثيراً ما تتعرض للغموض

والإبهام وسوء الفهم ، فضلاً عن كونها مصطلحات عالمية يمكن لقارئها

---

<sup>13</sup>- نجيب الحصادي ، مرجع سابق ، ص231

<sup>14</sup>- يان لوکاشيفتش ، مرجع سابق ، ص20

أن يفهمها.“<sup>15</sup>) ولعل ذلك يذكرنا باللغة العالمية التي حلم ليبنتر وغيره

بابتكارها واستخدامها.

”ولقد دأب المناطقة على التمييز بين نوعين من المتغيرات : المتغيرات

الحرة Free Variables وهى المتغيرات التى لا يقيدها أى سور -

وتسمى أيضاً حقيقية Real ، والمتغيرات المقيدة Bound وهى المكمة

سواء بسور كلٍ أو جزئي وتسمى أيضاً ظاهرية Apparent .“<sup>16</sup>)

#### 4. الثوابت Constants

”يقصد بكلمة ”الثوابت“ فى المنطق ، ما نقصده بها فى العلوم الرياضية

”الحساب“<sup>17</sup>) ، وهى:

---

<sup>15</sup>- ماهر عبدالقادر ، مرجع سابق ، ص 69

<sup>16</sup>- نجيب الحصادي ، مرجع سابق ، ص 231

<sup>17</sup>- زكي نجيب محمود ، مرجع سابق ، ص 75.

تلك الرموز الثابت دلالتها، والتى لا تتغير بتغير السياق الذى ترد فيه.

”فلقد تبيّن للمنطقة الرياضيين أنه من الممكن استعارة فكرة الثوابت من الرياضيات، ولكن بصورة تلائم عملياته، وتجعل مفاهيمه واضحة، من خلال وضع مجموعة من الثوابت التى إذا ما طبّقت على الصيغ، أمكن الانتقال من صيغة لأخرى انتقالاً صحيحاً.“<sup>18</sup>

”والناظر إلى الثوابت المستعملة في التفكير العلمي يجد أنها تنقسم إلى

نوعين:

**الأول:** هو الثوابت الخاصة بكل فرع من فروع العلم على حدة ، وتحصه دون غيره ، فالطبيعتات لها ثوابتها وكذلك الرياضيات.

**الثاني:** يتألف من ألفاظ ذات صفة أعم جداً من ثوابت كل علم على حدة ، ولذلك فهي موجودة حتماً في كل علم كما توجد دائماً في استعمالنا

---

<sup>18</sup>- ماهر عبدالقادر ، مرجع سابق ، ص69،70.

العادى ، وهى ألفاظ تمثل وسائلنا فى نقل أفكارنا إلى الآخرين ، وفي ربط بعضها إلى بعض حين نستدل في العلم أو في الحياة اليومية ، وتلك الألفاظ مثل : "لا" (النفي) ومثل "و" (العطف) ، ومثل "أو" (الفصل) ، ومثل "إذا ... إذن" (الشرط وجوابه) ، ومثل "هو" أو "يكون" ، ومثل "كل" و"بعض" ، وقد حصر رسل أهمها في ثلاثة عشر ثابتًا.<sup>(19)</sup>

فيما يخص لغة منطق القضايا، اصطلاح المناطقة على وجود خمسة ثوابت أساسية للتعبير عن العلاقات بين القضايا. فيما يلي عرضاً لهذه الثوابت، ومقابليها في اللغتين العربية والإنجليزية، مدعماً ببعض الأمثلة التوضيحية.

### أولاً: ثابت الوصل **conjunction**

المقابل باللغة الإنجليزية	الم مقابل باللغة العربية	الرمز
p and q	p و q	∧

---

<sup>19</sup>- ثابت الفندى ، مرجع سابق ، ص 121، 122

مثال:

### الشمس ساطعة و الجو معتدل

يقوم ثابت الوصل بدور الربط (الوصل) بين قضيتين ليكون منهما قضية واحدة. في المثال، يقوم الثابت ( $\wedge$ ) ورمزه ( $\wedge$ ) بالربط بين القضية "الشمس ساطعة" ويرمز لها بالمتغير  $p$ ، وبين القضية "الجو معتدل" ويرمز لها بالمتغير  $q$ . وبذلك نحصل على الصيغة الرمزية التالية:

$$p \wedge q$$

وبارتباط المتغيرين  $p$  و  $q$  بثابت الوصل ( $\wedge$ ) تنشأ لدينا ما يسمى "دالة連結 function" الوصل

ثانياً: ثابت الفصل **disjunction**

المقابل باللغة الانجليزية	الم مقابل باللغة العربية	الرمز
$p \text{ or } q$	$p$ أو $q$	$\vee$

مثال:

إما أن يذاكر الطلاب أو يرسبون في الامتحان

تتألف هذه القضية المركبة من مكونات ثلاثة:

- ثابت الفصل "إما ... أو" ويرمز له بالرمز ( $\vee$ )

- القضية "يذاكر الطلاب" ويرمز لها بالمتغير  $p$

- القضية "يرسبون في الامتحان" ويرمز لها بالرمز  $q$

وبذلك نحصل على الصيغة الرمزية التالية:

$$p \vee q$$

وبارتباط المتغيرين  $p$  و  $q$  بثابت الفصل ( $\vee$ ) نحصل على دالة الفصل

.disjunctive function

### ثالثاً: ثابت الاستلزم <sup>20</sup> implication

المقابل باللغة الانجليزية	الم مقابل باللغة العربية	الرمز
p implies q	q يستلزم p	→

مثال:

محمد يتتنفس يستلزم أن محمد حي

تستلزم القضية "محمد يتتنفس" القضية "محمد حي" منطقياً إذا استحال

صدق الأولى وكذب الثانية. بمعنى، القول بأن "محمد يتتنفس" يستلزم أن

"محمد حي"، وذلك على اعتبار أن صدق القضية الأولى يضمن ضماناً

مطلقاً صدق القضية الثانية (أى على اعتبار استحالة صدق الأولى في

حال بطلان الثانية).

<sup>20</sup> يُعرف هذا الثابت أيضاً باسم الثابت الشرطي conditional.

كما في المثالين السابقين، باعطاء القضية الأولى المتغير  $p$ ، والقضية

الثانية المتغير  $q$  وباستخدام الثابت  $(\rightarrow)$  للدلالة على علاقة الاستلزم

بين تلك القضيتين نحصل على الصيغة الرمزية التالية:

$$p \rightarrow q$$

وهي الصيغة الرمزية التي تمثل دالة الاستلزم .implicative function

#### رابعاً: ثابت التكافؤ<sup>21</sup> equivalence

الم مقابل باللغة الانجليزية	الم مقابل باللغة العربية	الرمز
$p$ if and only if $q$ $(p \text{ iff } q)$	$q$ إذا و إذا فقط $p$	$\leftrightarrow$

:مثال

محمد يتفسد إذا و إذا فقط محمد حي

---

<sup>21</sup> يُعرف هذا الثابت أيضاً باسم الثابت الشرطي المزدوج biconditional.

يقال على القضية المنطقية انها تكافئ قضية اخرى إذا و إذا فقط استحال صدق أحدهما وكذب الاخر. ففي المثال، يستحيل صدق القضية "محمد يتنفس" وكذب القضية "محمد حي" أو العكس. ولذلك يشير نجيب الحصادي الى أن "تلازم (تكافؤ) أية قضيتين رهن باستلزم كل منهما الأخرى" <sup>22</sup>. يوضح ذلك الحجة التالية:

محمد حي يستلزم ان محمد يتنفس

محمد يتنفس يستلزم أن محمد حي

إذن، محمد يتنفس إذا و إذا فقط محمد حي

ويمكن تمثيل هذه الحجة منطقيا على النحو التالي:

$$q \rightarrow p$$

$$p \rightarrow q$$

$$\therefore p \leftrightarrow q$$

---

<sup>22</sup> نجيب الحصادي، مرجع سابق، ص38.

وتعرف الصيغة السابقة بدالة التكافؤ .equivalent function

### خامساً: ثابت النفي<sup>23</sup>

المقابل باللغة الانجليزية	الم مقابل باللغة العربية	الرمز
not p	لا p	~

:مثال

لا طالب مجتهد

على عكس الثوابت الأخرى " لا يؤسس ثابت النفي علاقة بين قضيتي،

وإنما يدخل على قضية واحدة فينفيها"<sup>24</sup>. فإذا كان لدينا القضية "كل

الطلاب مجتهدون" وأردنا نفيها باستخدام ثابت النفي (~) تصبح "لا

طالب مجتهد" وتأخذ الصيغة الرمزية التالية:

$\sim p$

---

<sup>23</sup> يُعرف هذا الثابت أيضاً باسم ثابت السلب أو التناقض contradiction

<sup>24</sup> ماهر عبد القادر، مرجع سابق، ص 72

وهو ما يشار إليه بدالة النفي .negative function

## 5. دوال الصدق & قوائم الصدق truth tables & truth functions

تتعدد دوال الصدق في منطق القضايا بتنوع الثوابت المنطقية. فكما أن لدينا خمسة ثوابت أساسية سبق الإشارة إليها، فإن لدينا خمسة دوال صدق أساسية في منطق القضايا وهي: دالة الوصل، دالة الفصل، دالة الاستلزم، دالة التكافؤ ودالة النفي. دالة الصدق هي الصيغة الرمزية التي توصلنا لها عقب كل مثال على الثوابت المنطقية الخمسة (باستثناء ثابت النفي) نذكرها فيما يلي للتذكرة:

- دالة الوصل:  $p \wedge q$

- دالة الفصل:  $p \vee q$

- دالة الاستلزم:  $p \rightarrow q$  (وتعرف أيضا باسم الدالة الشرطية)

( conditional

- دالة التكافؤ:  $p \leftrightarrow q$  (وتعرف أيضا باسم الدالة الشرطية

المزدوجة biconditional

- دالة النفي:  $\neg p$  (و تعرف أيضا باسم دالة السلب أو

التناقض contradiction

يرتبط الحديث عن دالة الصدق بالحديث عن مفهومين أساسيين في

منطق القضايا وهما: قيمة الصدق truth value و قائمة (جدول)

الصدق table. يعرف محمد قاسم في كتابه "نظريات المنطق

الرمزي" قيمة الصدق بأن "قيمة صدق لقضية يعني الحكم عليها بالصدق

أو الكذب"<sup>25</sup>. كما يبين ماهر عبد القادر أن "قيمة الصدق بالنسبة لأي

صيغة من الصيغ تتحدد وفق مجموعة من العوامل هي:

أ. معنى الثابت المنطقي: فالصيغة التي تحتوى على ثابت الاستلزم

مثلا تختلف قيمة صدقها عن تلك التي تحتوى على ثابت التكافؤ

او الوصل او الفصل.

---

<sup>25</sup> محمد قاسم، نظريات المنطق الرمزي، ص 45

ب. صدق القضيتيين معا.

ج. كذب القضيتيين معا.

د. صدق واحدة وكذب الاخرى " <sup>26</sup> .

أما قائمة أو جدول الصدق **truth table** فهى – وفقا لمحمد قاسم –

"قائمة ترتيب بطريقة محددة تهدف إلى تحديد قيم صدق قضية مركبة،

استنادا إلى قيم الصدق المحتملة للقضايا المؤلفة لهذه القضية" <sup>27</sup> . تكون

قائمة الصدق من جدول به نوعين من البيانات:

- بيانات أفقية، وهى دالة الصدق المراد تحديد قيمة صدقها بحيث

يوضع كل عنصر من عناصر الدالة فى خانة منفصلة.

- بيانات رأسية، وهى حالات الصدق والكذب المحتملة لكل متغير

فى الدالة. يرمز لحالة الصدق بالرمز T المشتق من true أى

صادق، ويرمز لحالة الكذب بالرمز F المشتق من false أى

كاذب.

<sup>26</sup> ماهر عبد القادر، مرجع سابق، ص 73

<sup>27</sup> محمد قاسم، مرجع سابق، ص 45

نطبق بعد ذلك معنى الثابت المنطقي على العلاقة بين المتغيرين من حيث الصدق والكذب، فنحصل على قيم معينة تحت الثابت الموجود في القائمة وهذه القيم تحدد لنا صدق أو كذب الدالة ككل، أو الحالات التي تصدق فيها الدالة.

وفيمما يلي عرضاً لمعنى كل ثابت منطقي على حده، يليه قائمة الصدق التي تحدد قيمة صدق كل دالة.

### أولاً: دالة الوصل

تحدد قيمة صدق دالة الوصل  $p \wedge q$  على أساس معنى ثابت الوصل الذي ينص على أن - وفقاً لماهر عبد القادر - {دالة الوصل تكون صادقة فقط إذا صدق  $p$  و  $q$  معاً، وتكون كاذبة فيما عدا ذلك }<sup>28</sup>.

أما احتمالات الصدق والكذب لأية صيغة تحتوي على متغيران  $p, q$  فهى كالتالى:

---

<sup>28</sup> ماهر عبد القادر، مرجع سابق، ص 74

- صدق  $p$  و صدق  $q$ .

- صدق  $p$  و كذب  $q$ .

- كذب  $p$  و صدق  $q$ .

- كذب  $p$  و كذب  $q$ .

وبتطبيق معنى ثابت الوصل على احتمالات الصدق والكذب

لمتغيرات الدالة نحصل على قيم صدق محددة للدالة وهو ما توضحة

قائمة الصدق التالية:

P	$\wedge$	Q
T	T	T
T	F	F
F	F	T
F	F	F

نلاحظ من هذه القائمة أن الحالة الوحيدة التي صدقت فيها الدالة هي

- وفقاً لتعريف ثابت الوصل - حالة صدق  $p$  و  $q$  معاً، وأن لدينا

ثلاث حالات للكذب.

### ثانياً: دالة الفصل

تتحدد قيمة صدق دالة الفصل  $p \vee q$  على أساس معنى ثابت

الفصل الذي ينص على أن - وفقاً لماهر عبد القادر - {دالة الفصل

تكون صادقة فقط إذا صدق  $p$  و  $q$  معاً، أو صدقت واحدة وكذبت

الآخرى، وتكذب إذا كذبت  $p$  و  $q$  معاً} <sup>29</sup>.

وبتطبيق معنى ثابت الفصل على احتمالات الصدق والكذب لمتغيرات

الدالة نحصل على قيم صدق محددة للدالة وهو ما توضحة قائمة

الصدق التالية:

---

<sup>29</sup> ماهر عبد القادر، مرجع سابق، ص 75

P	V	Q
T	T	T
T	T	F
F	T	T
F	F	F

### ثالثاً: دالة الاستلزم

تحدد قيمة صدق دالة الاستلزم  $\rightarrow$  على أساس معنى ثابت

الاستلزم الذي ينص على أن - وفقاً لماهر عبد القادر - {دالة

الاستلزم تكون كاذبة فقط إذا صدق  $p$  و كذب  $q$  ، وتصدق فيما

عما ذلك من الحالات} <sup>30</sup>.

---

<sup>30</sup> ماهر عبد القادر، مرجع سابق، ص 76.

وبتطبيق معنى ثابت الاستلزم على احتمالات الصدق والكذب

لمتغيرات الدالة نحصل على قيم صدق محددة للدالة وهو ما توضحة

قائمة الصدق التالية:

P	$\rightarrow$	Q
T	T	T
T	F	F
F	T	T
F	T	F

#### رابعاً: دالة التكافؤ

تحدد قيمة صدق دالة التكافؤ  $p \leftrightarrow q$  على أساس معنى ثابت

التكافؤ الذي ينص على أن - وفقاً ل Maher عبد القادر - {دالة التكافؤ

تكون صادقة فقط إذا صدق p و q معاً ، أو إذا كذبت p و q معاً

، وتكون كاذبة في حال صدق أحدهما وكذب الآخر} <sup>31</sup>.

<sup>31</sup> Maher عبد القادر، مرجع سابق، ص 76.

وبتطبيق معنى ثابت التكافؤ على احتمالات الصدق والكذب لمتغيرات

الدالة نحصل على قيم صدق محددة للدالة وهو ما توضحة قائمة الصدق

التالية:

P	$\leftrightarrow$	Q
T	T	T
T	F	F
F	F	T
F	T	F

#### خامساً: دالة النفي

تتحدد قيمة صدق دالة النفي  $\sim p$  على أساس معنى ثابت النفي

الذى ينص على أن - وفقاً لماهر عبد القادر - اذا كانت القضية  $p$

صادقة فإن  $q$  كاذبه، والعكس صحيح} <sup>32</sup>.

---

<sup>32</sup> ماهر عبد القادر، مرجع سابق، ص 76.

وبتطبيق معنى ثابت النفي على احتمالات الصدق والكذب لمتغيرات

الدالة نحصل على قيم صدق محددة للدالة وهو ما توضحة قائمة

الصدق التالية:

$p$	$\sim p$
T	F
F	T

فى إطار عرضنا للمفاهيم والاليات الاساسية فى منطق القضايا تبقى لنا

الاشارة الى آليتين أساسيتين. أولاهما هى آلية حساب قيم صدق الدوال

التي تحتوى على أكثر من متغيرين، وثانيهما هى آلية تحديد الثابت

الرئيسي فى دوال الصدق التي تحتوى على أكثر من ثابت. وفيما يلى

عرضا لهاتين الآليتين.

## 6. حساب قيم الصدق لأكثر من متغيرين

تعلمنا مما سبق أنه إذا احتوت دالة الصدق على قضية واحدة، وهي التي

يشار إليها بمتغير واحد - كما هو في حالة السلب - فإن لدينا عدد ( 2 )

قيمة صدق ( صادق ، كاذب ). أما إذا احتوت دالة الصدق على متغيرين

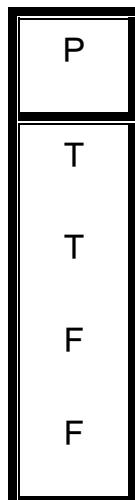
- كما هو الحال في باقي دوال الصدق، مثل الفصل والاستلزم - فإن

لدينا عدد ( 4 ) قيم صدق لكل متغير. أي أن إحتمالات الصدق والكذب

تضاعف في كل مرة نضيف فيها متغير جديد للدالة. تقسم قيم الصدق

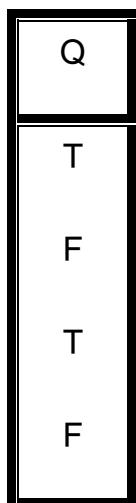
حسب حالات الصدق والكذب على النحو التالي:

- المتغير الأول: قيمتين صدق يليهما قيمتين كذب.



- المتغير الثاني: قيمة صدق تلتها قيمة كذب تلتها قيمة صدق

تلتها قيمة كذب.



أما إذا احتوت دالة الصدق على أكثر من متغير لزم ذلك – وفقاً لماهر

عبد القادر<sup>33</sup> – أن نستعين بالقانون التالي لتحديد قيم الصدق والكذب في

الدالة:

$$\text{قيم صدق الدالة} = (2)^{\text{عدد المتغيرات}}$$

<sup>33</sup> انظر ماهر عبد القادر، مرجع سابق، ص 77-78.

يشير العدد 2 الموضوع بين الأقواس إلى قيمتي الصدق والكذب. أما عدد القضايا المشار إليه فوق الأقواس فيعتبر بمثابة الأس في الجبر العادى.

نوضح ذلك بالمثال التالى:

افترض أن لدينا دالة صدق ذات ثلاثة متغيرات التالية:

$$P \rightarrow (Q \vee R)$$

ونريد تصميم قائمة صدق لتحديد قيم الصدق فيها، فإن علينا أن نطبق

القانون السابق كالتالى:

$$\text{قيم صدق الدالة} = (2^{\text{عدد المتغيرات}})$$

$$\text{وعدد المتغيرات فى الدالة} = 3$$

$$\therefore \text{قيم صدق الدالة} = (2^3)$$

$$8 = 2 \times 2 \times 2 =$$

أى أن لدينا ثمانى قيم للصدق والكذب بالنسبة لكل قضية، نوزع هذه القيم

على المتغيرات على النحو التالي:

المتغير الأول (P): نعطيه 4 قيم صدق يليها 4 قيم كذب.

المتغير الثاني (Q): نعطيه 2 صدق - 2 كذب - 2 صدق - 2 كذب

على التوالي.

المتغير الثالث (R): نعطيه واحدة صدق - واحدة كذب ... على

التوالي.

توضح ذلك قائمة الصدق التالية (بعد استبعاد الثوابت):

P	Q	R
T	T	T
T	T	F
T	F	T

T	F	F
F	T	T
F	T	F
F	F	T
F	F	F

وهذا التوزيع ينطبق على أي عدد من القضايا (أو المتغيرات). فمثلا لو احتوت الدالة على 4 متغيرات مثل: P, Q, R, D وكانت قيم صدق هذه

الدالة - وفقا للقانون -  $= 2 \times 2 \times 2 = 4(2)$  أي

وتوزع في قائمة الصدق على النحو التالي:

P	Q	R	D
T	T	T	T
T	T	T	F
T	T	F	T

T	T	F	F
T	F	T	T
T	F	T	F
T	F	F	T
T	F	F	F
F	T	T	T
F	T	T	F
F	T	F	T
F	F	T	T
F	F	T	F
F	F	F	T
F	F	F	F

## 7. مجال عمل الثوابت

تنشأ أهمية تحديد مجال عمل الثوابت المنطقية عند تعدد هذه الثوابت في الدالة الواحدة. تعدد الثوابت في الدالة الواحدة دون تحديد دور كل ثابت وعلاقته بالثوابت الأخرى يؤدي إلى اللبس في تقسيير معنى الدالة ومن ثم اللبس في تحديد قيم صدقها.

تأمل دالة الصدق السابقة:

$$P \rightarrow (Q \vee R)$$

والاحظ وضع دالة الفصل ( $Q \vee R$ ) بين "قوسين" ، وعدم صياغة الدالة كل على النحو التالي:

$$P \rightarrow Q \vee R$$

فهي صيغة رمزية غير صحيحة وملتبسة، حيث تحول الدالة إلى مجموعة رموز بلا معنى أو دلالة محددة، وعليه ينشأ الخلط من جانبنا تجاه دور أو مجال كل ثابت.

وعلى ذلك، تلعب "الأقواس" brackets بأنواعها المختلفة الدور الرئيسي في تحديد مجال عمل الثوابت. كما أن تغيير مواضع الأقواس يؤدي إلى اختلاف المعنى الوارد في الدالة كلها. تأمل الفارق بين الدالتين التاليتين:

$$P \vee (Q \rightarrow R) \quad •$$

$$(P \vee Q) \rightarrow R \quad •$$

بتحويل الصيغتين الرمزيتين إلى مقابلهما اللغوي نحصل على القراءتين التاليتين:

- الدالة الأولى: نفصل بين  $P$  و دالة الاستلزم بعنصريها  $(Q, R)$ .
- الدالة الثانية: الفصل بين  $(P, Q)$  يستلزم  $R$ .

وهما لذلك صيغتان رمزيتان مختلفتان، رغم احتوائهما على نفس المتغيرات ونفس الثوابت، والسبب في ذلك "الأقواس" التي حددت مجال عمل هذه الثوابت.

يوضح محمد قاسم أن "للاقواس دور هام في صياغة دوال وتعريفات واستدلالات المنطق الرمزي. وللأقواس أنواع عديدة أبسطها هو (....)، ويحتويه قوس أكبر وهو [....] ونربط بينهما هكذا: [ (....) (....) ] ، ثم هناك نوع ثالث يتضمن النوعين السابقين هو {....} ، ويحتوى ما سبقه من أقواس هكذا:

$$^{34} \{ \quad [(....) (....)] \quad [(....) (....)] \}$$

وعن استخدام أنواع متعددة من الأقواس لتحديد مجال عمل الثوابت يشير كلا من تيريل Terrell و بيكر Baker إلى أن "استخدام مزيد من الثوابت أدى إلى استخدام مزيد من الأقواس لكي تحدد المعنى وتساعد

<sup>34</sup> محمد قاسم، مرجع سابق، ص 70.

على كشف طبيعة العلاقة بين عناصر الدالة المطلولة. ولقد اتفق المناطقة

على نظام للأقواس يأتي على هذا الترتيب:

<sup>35</sup>  $\langle \{ | < \{ [ ( ) ] \} > | \} \rangle$

---

<sup>35</sup> Terrell, D. , Baker, R., (1967), Exercises in Logic, Holt& Rinehart and Winston Inc., USA, p90. نقلًا عن محمد قاسم، مرجع سابق، ص70.

## الفصل الثاني

# مدخل إلى منطق المحمول

## الفصل الثاني

# مدخل إلى منطق المحمول

### 1:2 ماهية منطق المحمول

إن الطريق الذي نسلكه من أجل الإمام بكنه أي علم من العلوم، أو أي

من أقسامه، يبدأ أولاً بإلقاء الضوء على تعريفاته، وكذا على المصطلحات

المستخدمة في الإشارة إليه، وما تحمله تلك المصطلحات من دلالات.

ويبدو أن تعدد المسميات التي تطلق على المنطق الرمزي هي صيغة قد

أضفها هو على عدد من نظرياته، من بينها نظرية "منطق المحمول"

.predicate logic

وإلى جانب تعدد التعريفات الشارحة لهذا الجزء من المنطق الرمزي،

تعددت بالقدر نفسه المصطلحات الدالة عليه، "والتي اشتقت من

الموضوعات التي يبحثها.”<sup>36</sup> فهو: منطق أو حساب المحمول Propositional calculus، أو حساب دلالات القضايا predicate calculus، أو منطق الدرجة الأولى First-Order Logic، أو نظرية function المتغيرات الظاهرية Theory of Apparent Variables ، أو نظرية التسوير (أو التكميم) Quantification Theory، والتي لا تشير في مجملها إلى نظريات مختلفة، بل في حقيقتها تشير إلى نظرية واحدة، إلا أنه ينظر إليها من أوجه عدة.

و قبلتناول كل مصطلح من المصطلحات السابقة بالشرح والتحليل، تجدر الإشارة أولاً إلى بعض من تعريفات هذه النظرية.

### تعريفاته 1:1:2

❖ من أشمل التعريفات التي عبرت عن هذه النظرية هو ما قدمه

أستاذنا د.ماهر عبد القادر في كتابه "نظريات المنطق الرياضي"، وهو:

---

<sup>36</sup> - محمد محمد قاسم، نظريات المنطق الرمزي: بحث في الحساب التحليلي والمصطلح، دار المعرفة الجامعية، الإسكندرية، 1991، 209.

”أن منطق المحمول هو تلك النظرية المنطقية التي تنفذ إلى البناء

الداخلي للقضية في كل تفصيلاتها، ويعبر عن هذا البناء بلغة رمزية

متكاملة تستفيد بالتعبير الرمزي المألف في منطق القضايا.“<sup>(١)</sup>

”فإذا ما نظرنا إلى الاختلاف الأساسي بين منطق القضايا“

منطق المحمول، فسنجد أنه يتمثل في أن الأول Propositional Logic

يتناول القضية كلها كوحدة واحدة as a whole، حيث يضع لها رمزاً

واحداً، ثم تقوم بإجراء حساب قيم الصدق والكذب في ضوء العلاقات

المنطقية القائمة بين القضايا.“<sup>(٢)</sup> فمنطق القضايا يتعامل مع حجج

: Arguments

إذا لم يتحد المصريون، فإنهم سوف ينهزموا

اتحد المصريون

\* إذن، المصريون لن ينهزموا

<sup>١</sup>- ماهر عبد القادر محمد، نظريات المنطق الرياضي، دار المعرفة الجامعية، الإسكندرية، 2000، ص 124

2- المرجع السابق، نفس الصفحة.

\* يشير الخط الموضوع بأسفل كل جزء من الحجة إلى أن هذا الجزء يقابل رمز واحد في الصيغة الصورية للحججا، وهذا ينسحب على كل الأمثلة التالية.

ومن خلال مفردات لغته، يضع للقضية (يتحد المصريون) رمزا واحدا (p)،

كما يضع للقضية (سوف ينهزموا) أيضا رمزا واحدا (q)، ثم يستخدم

ثابتي اللزوم ( $\rightarrow$ )، والنفي ( $\sim$ ) لإظهار العلاقات القائمة بين هذه القضايا،

فتصبح الحجة السابقة على الصيغة الآتية:

$$\sim p \rightarrow q$$

$$p$$

$$\therefore \sim q$$

وأحياناً على الصورة:

$$\sim p \rightarrow q, p \therefore \sim q$$

وهي الصورة التي تتعامل بها غالبية الكتابات المنطقية الحديثة.

”أما منطق المحمول، فيتناول القضية تقسيلاً، فيوضع في الاعتبار

حدودها كل على حدة، فيرمز للموضوع، وللمحمول أيضا -بطريقة تغاير

الطريقة التقليدية-، كما يضع رمزا للسور الكلى Universal Quantifier

وآخر للسور الوجودى Existential Quantifier

إضافة إلى الثوابت المنطقية التي يتحقق فيها مع منطق القضايا.”<sup>(37)</sup>

فمنطق المحمول يتعامل -إضافة إلى الحجج السابقة- مع حجج أخرى،

مثل:

كل منتحر يائس

كل يائس ليس بمؤمن

إذن، كل منتحر ليس بمؤمن

ومن خلال مفردات لغته، يضع رمزاً خاصاً بكل جزء في القضية، فتصبح

الحججة السابقة على الصيغة الآتية:

$$\forall x(Mx \rightarrow Yx), \forall x(Yx \rightarrow \sim Nx) \therefore \forall x(Mx \rightarrow \sim Nx)$$

وسيتضح هذا المثال أكثر عند التعرض للغة منطق المحمول.

❖ يعدد التعريف السابق، تعريف سيمون بلاكبيرن S.Blackburn

في قاموس أوكسفورد للفلسفة، والذي يصف منطق المحمول بأنه:

---

1- المرجع السابق، نفس الصفحة.

الحساب المنطقي الذى تشتمل التعبيرات فيه على حروف ترمز إلى:

محمولات، ومتغيرات، وأسوار، وأسماء، ورمز للثوابت المنطقية، إضافة

إلى تعبيرات دلالات الصدق، والمتغيرات القضاوية الموجودة في منطق

القضايا.“<sup>(38)</sup>

إذا كان قد اتضح لنا من التعريف الأول الهدف من منطق

المحمول، وهو النفاذ إلى البنية الداخلية للقضية، والتعبير عن هذه البنية

بصيغة رمزية، فإن التعريف الحالى يبرز لنا الأدوات التى تحقق لنا ذلك

الهدف، من خلال إشارته لمفردات لغة منطق المحمول، وهى:

المحمولات، المتغيرات، الأسماء، الثوابت...الخ

❖ أما هوارد بوسبيسل H.Pospesel، فيعرفه في كتابه عن "منطق

" Logic of General Terms المحمول" بأنه: "منطق الحدود العامة

<sup>(39)</sup>، ويقصد بالحدود العامة تلك الحدود التي تشير إما إلى كليات أو إلى

جزئيات. فإلى جانب اهتمام منطق المحمول بتحليل البنية الداخلية

للقضايا، قد اختص عمن سواه بالتعبير عن القضايا التي ترد فيها حدود

<sup>38</sup> -Blackburn, S., The Dictionary of Philosophy, Oxford University Press, Oxford, 1994, pp298-299.

<sup>39</sup> -Pospesel, H., Predicate Logic: Introduction to Logic, Prentice-Hall, Inc., New Jersey, 1976, p4.

عامة، وهذا ما يفتقر إليه منطق القضایا. وإذا نظرنا إلى المثال السابق الخاص بمنطق المحمول، وأردنا التعبير عنه بلغة منطق القضایا، فتحتما سوف تكون النتیجة خاطئة، لاعتمادها على لفظة (كل)، والتى لم يضع لها الاخير رمزاً يحددها." فالملمح الأساسي لهذه النظرية إذن هو أنها ابتكرت لغة صورية Formal Language لتمثيل الحجج المشتملة على تعميمات (Generalizations)<sup>40</sup>

❖ أما كلاً من بيsson A.Basson، ولوكونر D.OConnor، فيعرفانه في كتابهما "مقدمة في المنطق الرمزي"، بأنه: "فرع من فروع المنطق التي تشتمل على منطق القضایا، وتجاوزه. فهذا الفرع يشتمل على منطق القضایا، بمعنى، إذا كانت إحدى الصيغ في هذا المنطق -القضایا- سليمة، صارت صيغة المحمول المناظرة لها سليمة أيضاً، ولكن منطق المحمول يتجاوز منطق القضایا، بمعنى، أنه منطق المحمول- يجعل بناء مادة القضية ظاهراً، ويصبح بسبب ذلك قادراً على أن يعني بصور

---

<sup>40</sup> -Boden, M., Artificial Intelligence, p657.

البراهين التي تخطى مجال منطق القضايا، وفقاً لما تتصف به من

تعقide. ”<sup>(41)</sup>

وتكون أهمية هذا التعريف في إبرازه للتدخل بين منطق المحمول

ومنطق القضايا من ناحية، وبين الفروق بينهما من ناحية أخرى. فال الأول

يعد امتداداً للثاني إلا أنه يتجاوزه.

## 2:1:2 مصطلحاته

أما عن المصطلحات الدالة على هذه النظرية، فإن تعددها يرتبط ببعضها

نظرة المناطقة إلى مكونات أو عناصر هذه النظرية، وما تتميز به عن

مثيلاتها. وإليك جملة هذه المصطلحات وما تعنيه تقسيلاً:

✓ برغم تعدد هذه المصطلحات، إلا أن من أبرزها الآن وأكثرها

شيوعاً واستعمالاً - سواء بين المناطقة المعاصرین، أو بين مختلف العلماء

الذين يتعاملون بها - هو ”منطق المحمول، أو منطق الدرجة الأولى، أو

---

<sup>2</sup>- بيسون، اوكونر، مقدمة في المنطق الرمزي، ص174-175

أحياناً المصطلحان معاً فتسمى النظرية بمنطق المحمول من الدرجة

الأولى.“<sup>(42)</sup>

والباحث إذ يأخذ بهذا المصطلح من منطلق أن نتحدث لغة واحدة

على الأقل مع من يشتغلون بنفس التخصص، كما يفضل الباحث أن

يستعمل كلمة "منطق" وليس "حساب"؛ فالرغم من أن الثانية تعنى

"الحساب المنطقي الذي يتناول القضايا بدلاً من الأعداد، في صورة

رمزية خالصة"<sup>(43)</sup>، إلا أن كلمة "منطق" هي الأنسب، لسبعين:

الأول: أن إطلاق كلمة "حساب" على النظرية يضفي عليها صبغة

رياضية، في حين أن هذه النظرية - كما سيتضح - أخذت في التبلور

والظهور في فترة تالية على سيطرة النزعة الرياضية على دراسة المنطق،

وحلت محلها النزعة الفلسفية.

الثاني: أن كلمة منطق أصبحت هي الأكثر استخداماً واقتربانا بكل

نظرية منطقية على حدة، فاصبح يطلق على نظرية القياس -مثلا-

<sup>3</sup>- انظر في ذلك مثلاً:

-Tymoczko, T., Henle, J., Sweet Reason: A Field Guide to Modern Logic, Springer, 2000, p183.

<sup>1</sup>- محمود فهمي زيدان، مرجع سابق، ص204.

"منطق القياس" Syllogism Logic، وكذلك فالنظريات الأساسية في المنطق الرمزي أصبحت تعرف بمنطق القضايا، ومنطق الفئات، ومنطق العلاقات، بدلاً من "حساب...". كما النظريات الحديثة في المنطق الرمزي تعرف "بمنطق..." ، مثل: المنطق غير الرتيب، والمنطق المرن...الخ.

أما عن كلمة "محمول" Predicate ، فإن لها أيضاً دلالات متعددة، منها:

"1- أنه الحد الذي يضاف إلى الموضوع في القضية أو يسند إليها، أو هو المحكوم به أنه موجود أو ليس بموجود لشيء آخر.

2- عند أرسطو المقولات محمولات، تحمل على الجوهر وهو لا يحمل على شيء، ويقال "محمولات جدلية" على الكليات الخمس.

3- نقال المحمولات على صفات الله، وبالأخص عند سبينوزا.

4- صفة الجوهر: فيقول ديكارت "حين أرى بوجه عام أن هذه الأحوال أو الكيفيات قائمة في الجوهر، دون أن انظر إليها إلا باعتبارها متعلقة بذلك الجوهر، اسميتها صفات."<sup>(4)</sup>

---

<sup>2</sup>- مراد وهبة، المعجم الفلسفى، ص397.

والمعنى الذي تشير إليه كلمة "محمول" هنا، هو: "أي تعبير قادر على الربط بين حد مفرد واحد Singular Term أو أكثر لتكوين جملة معينة. كما من شأنه أن يظهر أن موجودات معينة تستوفى شرطاً معيناً.<sup>(45)</sup> وإذا كان فريجة مؤسس النظرية- قد وضعها على الصيغة "دالة- حجة"، فإن المقصود بكلمة دالة هنا - كما سنعرف لاحقاً- هي المحمول.

"أما الحمل المنطقي Logical Predication، فإنه ليس شيئاً آخر سوى التعبير عن الصلة الكمية التي فيها يوجد تصور بإزاء فرد، أو تصوران بإزاء أحدهما الآخر. فإذا كانت هذه الصلة غير معينة - أي إذا كنا غير عالمين بأنها متعلقة بجزء أو بكل أو ليست متعلقة بشيء - فإننا عندئذ لا نستطيع الحمل.<sup>(46)</sup> كما أن الحكم الحتمي Predicative Judgment، هو حكم ينحصر في إثبات محمول ما لموضوع ما، أو نفيه عنه.<sup>(47)</sup>

<sup>45</sup> -Blackburn, S., Op.Cit., p298.

<sup>1</sup>- عبد الرحمن بدوى، المنطق الصورى والرياضي، ص269

<sup>2</sup>- مراد وهبة، مرجع سابق، ص176.

✓ ويسمى منطق المحمول "منطق الدرجة الأولى" First-Order

؛ " لأنه يُقصر استخدام الأسوار على الأفراد دون الفئات. فيبدأ Logic

منطق المحمول بأبسط نوع من القضايا وهي القضايا المفردة Singular

، التي تقر أن صفة معينة يمتلكها موضوع مفرد، أو أن Propositions

علاقة معينة تقع بين موضوعين فرديين. ويعبر عنها بثوابت حملية

تصف وترتبط الحدود وتسمى تعبيراتها بالصيغة الذرية Atomic

و«لا تكون لها قيم صدق إلا بعد تأويتها»<sup>(48)</sup> وفي مقابل Propositions

منطق الدرجة الأولى، يوجد منطق آخر يسمى منطق الدرجة الثانية أو

. Second-Order, or Higher-Order Logic العليا

ونظراً لأن "الفكرة الأساسية التي يقوم عليها منطق المحمول هي فكرة

"دالة القضية" Propositional Function<sup>(49)</sup> ونظراً لأن الصيغة التي

وضعها جوتلوب فريجة G.Frega مؤسس هذه النظرية- لم تعد تتكون

من الصيغة "موضوع-محمول" Subject-Predicate، بل أصبحت

<sup>3</sup>- عبد المنعم الحفني، المعجم الشامل لمصطلحات الفلسفة، مكتبة مدبولى، القاهرة، ط3، 2000، ص.841.

<sup>4</sup>- محمود فهمي زيدان، مرجع سابق، ص220.

ت تكون من الصيغة " الدالة والجدة " Function-Argument <sup>(50)</sup> فقد

أطلق على هذه النظرية اسمـاً "مشتقـاً من المفهـوم الأسـاسـي للدـالـة

القضوية<sup>(51)</sup>، فتسمى: "حساب دلالات القضايا"، أو "حساب الدوال"، أو

الحساب المنطقي للدالات الافتراضية.”<sup>(52)</sup>

"وستعمل كلمة "دالة" Function جرياً على ما تواضع عليه رجال

الرياضيات، إذ يقصدون بها ذلك الرمز الذي يتوقف على معناه معنى

رمز آخر، فمثلاً: "س" دالة "ص" في المعادلة  $s = 2c$ ، لأنك إذا

حددت قيمة "س" فقد حددت وبالتالي قيمة "ص"، فلو كانت قيمة س = 10،

تبع ذلك أن تكون ص=5<sup>(53)</sup>، أما "دالة القضية"، فهي عبارة تشتمل

على متغير أو أكثر، بحيث لا تصبح العبارة قضية إلا عندما تتعين قيم

<sup>5</sup>- نفس المرجع السابق، ص146.

<sup>51</sup>- Reichenbach, H., Elements of Symbolic Logic, The Macmillan Company, New York, 3 ed., 1951, p80.

<sup>7</sup> الموسوعة الفلسفية المختصرة، نقلها عن الإنجليزية: فؤاد كامل، جلال العشري، عبد الرشيد صادق، راجعها د.زكي نجيب محمود، دار القلم، بيروت، د.ت، ص. 1127.

<sup>8</sup> - زكي نجيب محمود، المنطق الوضعي، ج1، مكتبة الانجلو المصرية، القاهرة، ط6، 1981، 75.

المتغيرات.”<sup>54</sup>) ولعل ذلك ما دعا إلى تشبيه دالة القضية بأنها ”استمارة فارغة، لا تصبح أداة لنقل المعلومات إلا إذا ملئت خاناتها، وإلى أن تملأ تلك الخانات، لا يمكن وصف الاستمارة بأنها صادقة في معلوماتها أو كاذبة.“<sup>55</sup>)

”ويجب ألا نخلط بين دالة القضية، ودالة الصدق Truth Compound Function، فالثانية صورة رمزية للقضية المركبة proposition التي تحوى ثابتًا منطقيا، بينما دالة القضية صورة رمزية لأى قضية بسيطة أو مركبة، ومن ثم فإن دالة لقضية أعم من دالة الصدق وأشمل، بحيث يمكن اعتبار كل دالات الصدق دالات قضايا، بينما ليست كل دالة قضية دالة صدق“<sup>56</sup>؛ لأنه إذا كانت دالة الصدق قائمة على وجود الثابت المنطقي، فإن دالة القضية تتناول قضايا ربما لا يرد فيها ثابتًا منطقيا. كما يعد ذلك تمييزاً في حد ذاته بين منطق القضايا ومنطق المحمول، ففي حين يعالج الأول ”دوال الصدق فحسب، معالجة

<sup>1</sup>- عبد المنعم الحفني، مرجع سابق، ص344.

<sup>2</sup>- زكي نجيب محمود، مرجع سابق، ص77.

<sup>3</sup>- محمود فهمي زيدان، مرجع سابق، ص221.

فى إطار فكرة النسق الاستباطى Deductive System<sup>(57)</sup>، فإن الثاني

يختص بمعالجة دوال القضايا.

✓ أيضاً من المصطلحات التي تطلق على منطق المحمول اسم ”

B.Russell "نظريّة المتغيرات الظاهريّة"، و الذي استخدمه برتراند رسل

للتعبير عن تلك النظرية في كتاب "برنکبیا ماتیماتیکا". وتعبيرات "المتغير

الظاهري" Bound Variable، و "المتغير الحقيقي" قد طرحتها بیانو

Peano عام 1897، ولا زالت نفس التعبيرات بنفس المدلول إلى

اليوم<sup>(58)</sup>، فالمتغير الظاهري هو الذي يذكر مقوّناً بسور كلٍ أو

وجودٍ، بينما الحقيقى غير مرتبط بسور.

✓ وأخيراً، يوجد من بين المناطقة من يطلقون على هذه النظرية

"منطق التكميم، أو نظرية التسوير"<sup>(59)</sup>. ولعل السبب في تلك التسمية، أن

<sup>4</sup>- محمد ثابت الفندى، أصول المنطق الرياضى، دار المعرفة الجامعية، الاسكندرية، 1987، ص 192.

<sup>58</sup>- Bochenski, I.M., A History of Formal Logic, Thomas, I., (tr., ed.), Chelsea Publishing Company, New York, 1970, p353.

<sup>6</sup>- انظر في ذلك كلا من:

- نجيب الحصادي، أسس المنطق الرمزي المعاصر، دار النهضة العربية، بيروت، 1993، ط 1، ص 227.

- Makinson, D.C., Topics in Modern Logic, Methuen & Coltd, 1973, p43.

الأساس الذى انطلق منه فريجه فى تناوله لمنطق المحمول كان "إدراكه أنه بحاجة إلى دراسة جديدة للأسوار التى تتطوى عليها القضايا الكلية والوجودية، والتى على إثرها وضع أسس هذه النظرية."<sup>(60)</sup> والمدقق يجد أن تعدد التعريفات، وكذا تعدد المصطلحات الدالة على أمر من الأمور، ليست خصيصة من خصائص علم المنطق، وإنما هى ظاهرة عامة فى عالم البحث العلمى، ولا يعد الباحث ذلك بعيب، بل هو ميزة فى حد ذاتها، فهى قرينة أخرى على وجوب وجود ما يسمى "العقل الجماعى"، فالإنسان لا يستطيع بمفرده أن يحيط بكله الأشياء، ويدرك مغاليق الأمور وحده، فكثير ما تختلط الأوراق، وتتزاحم الفكرة وتتعارض أحياناً، وتبرز الحاجة حينئذ إلى من يعاوننا فى تنظيم مرورها كي تستقيم مساراتها، وتكتمل المنظومة التى تنتمى إليها.

---

<sup>1</sup> - محمود فهمي زيدان، مرجع سابق، ص143.

## 2:2 نظرة تاريخية

### 1:2:2 المنطق التقليدي

إن الناظر إلى التاريخ الطويل للمنطق، والذي يربو على 2400 عام تقريباً، يجد أنه مُقسّم إلى مرحلتين: قديم وحديث، أو تقليدي ورمزي، أو أي من التصنيفات شئت، والتي في مجلّتها تحمل مضموناً واحداً، مفاده أن المنطق الذي نبت في التربية اليونانية، ودعمته "شروح وإضافات المشائين، والرواقيين، ومنطقة العصر الوسيط، وهو المنطق التقليدي"<sup>(٦)</sup>، قد تلاه منطقة آخر، رغم إغرائه في الصورية، وتسلّمه بالآليات رياضية، ولغات رمزية، والتي لم يحوي سابقه إلا القدر الضئيل منها، إلا أنه غير منبت عنه، بل يعد في حقيقته تطوراً طبيعياً له، حيث يسلك في تطوره هذا مسلك سائر العلوم - أو على الأقل ما يرقى منها إلى طبيعة المنطق، كالرياضيات مثلاً - والتي نشأت لتلبية حاجات عملية

---

<sup>2</sup>- نفس المرجع السابق، ص 41

\*<sup>62</sup>، ثم انتقلت رويداً من تلك المرحلة العملية إلى المرحلة الصورية

الباحثة.

وعلى ذلك ”فارتباط المنطق التقليدي بالمنطق الرمزي، كارتباط الجنين بالجسم البالغ.“<sup>(3)</sup> مما يؤكد أن ”هذا المنطق –التقليدي– هو الأساس الذي لابد أن نشرع منه في دراسة غيره من فروع المنطق الرمزي، فهذا الأخير امتداد له، فهو من ناحية، تصحيف لما قد يكون المنطق التقليدي قد أخفق فيه، وهو من ناحية أخرى، تكميله لذلك المنطق التقليدي بالإضافة الجوانب التي لم يعالجها.“<sup>(64)</sup>

<sup>62</sup> \* فعلم الهندسة مثلاً- قد وجد في بادئ الأمر لدى الفراعنة والهنود، من أجل أن يسد حاجات يتعرضون إليها في واقعهم المعاش، وما ثبت أن طوره الفيثاغوريون ومن تلامهم في العصور اللاحقة، حتى صار علماً صورياً بحتاً. ولم يكن المنطق ليساك مسلكاً مغايراً، فلقد كان في البداية وسيلة للتأثير في النفوس، وللبرهنة على سداد هذا السلوك أو ذاك، وبتعاقب السنون، تحول من الإطار العملي في الممارسات اليومية، إلى الإطار الصوري الخالص. انظر في ذلك:

- محمد ثابت الفندى، فلسفة الرياضة، دار المعرفة الجامعية، إسكندرية، 1987، ص 30 وما بعدها.

- الكسندر ماكوفل斯基، تاريخ علم المنطق، ص 9، 10.

<sup>63</sup> - بيسون، اوكونر، مرجع سابق، ص 25.

<sup>64</sup> - محمد مهران، مدخل إلى المنطق الصوري، التصدير.

وفيما يخص منطق المحمول، فلا شك أن تلك النظرية والتي تمثل إحدى اللبنات الأربعية التي تشكل بناء المنطق الرمزي من خلالها، لم تنشأ فجأة أو من فراغ، بل من الممكن أن نلتمس جذورها -حتى وإن بدت غير ظاهرة- في عمق المنطق التقليدي. فقد لعب "المحمول" دوراً محورياً ومؤثراً في المنطق التقليدي، من خلال جعل الصيغة "موضوع- محمول"<sup>65\*</sup> Subject- Predicate هي الصيغة الأساسية لكل قضياته، سواء في تقسيماتها، أو في وضعها في أي استدلال بنوعيه: المباشر، وغير المباشر بمختلف أشكاله وضروبها.

<sup>65</sup>\* إذا ما استعرضنا المباحث المنطقية في المنطق التقليدي، بدءاً من مبحث القضية، مروراً بالاستدلال المباشر، وصولاً إلى مبحث القياس، فسنجد أنها منصبة على اعتبار الصيغة "موضوع-محمول" هي التموج الأوحد الذي تتركب على غراره مختلف قضياته وقواعده. بل سنجد محورية "المحمول" ظاهرة أيضاً في بعض تقسيماته وقواعده، فالقضايا فيه -المنطق التقليدي- تنقسم من حيث ما يضيفه المحمول إلى الموضوع إلى: تحليلية، والتي يكرر فيها المحمول بصورة أخرى دون أن يضيف إليه جديداً، وإلى تأليفية، والتي يضيف فيها المحمول شيئاً جديداً لم يكن الموضوع قد اشتمل عليه مسبقاً. كما أن القضية الحملية فيه، هي تلك القضية التي نسند فيها محمولاً ما إلى موضوع أو نفيه عنه. وقل مثل ذلك في الاستدلال المباشر، سواء بالتقابل أو بالتعادل، وكذا في الاستغرار، والقياس، والتي يشغل اعتبار "المحمول" فيها حيزاً ليس بيسير في شروطها وقواعدها. انظر في ذلك، مثلاً:

- عزمي إسلام، الاستدلال الصوري، ج1، مطبوعات جامعة الكويت، 1972.
- محمد مهران، مرجع سابق.

ولا يعني ذلك أن الأفكار التي تأسست عليها نظرية منطق المحمول قد نبعت بشكل مباشر من المنطق التقليدي، بل نجد على العكس من ذلك ”أن أرسطو – وهو مؤسس المنطق التقليدي – لم تكن له مساهمة تذكر في إقامة منطق المحمول، لأنه لم يدرس الأسوار – إلا لاماً –، كما أنه لم يهتم بدراسة القضية المفردة والقضية الوجودية الاهتمام المرتقب.“<sup>66</sup> وإنما يرمي الباحث من وراء سرده لنظرة المنطق التقليدي إلى القضية، وأيضاً لمكانة المحمول فيه، إلى أن يبرهن على أنه: إذا كان المنطق التقليدي لم يشارك بشكل إيجابي في تشكيل النواة الأولى لنظريات المنطق الرمزي، إلا أنه قد شارك – وإن كان بشكل سلبي – في توجيه أنظار المناطقة إلى أن ما به من قصور ومعالجة ناقصة لبعض الأمور، وتعويله على أخرى، لا سبيل إلى تلاشيه إلا بإفراز رؤى وأفكار منطقية جديدة، وتقديم وجهات نظر متعددة، تغير في مضمونها الوجهة السابقة، والتي في محصلتها قد شكلت نقطة البدء الأولى على طريق تأسيس نظريات المنطق الرمزي.

---

<sup>3</sup> – محمود فهمي زيدان، مرجع سابق، ص37.

وقد يكون من المجدى أن يعرض الباحث لتلك القائص التى

استلهم منها المناطقة الجدد البدور الأولى لنظرياتهم، على النحو التالى:

1. كان لاعتبار المنطق التقليدى الصيغة "موضوع-محمول"

عظيم الأثر فى توجيه انتباه المناطقة الجدد إلى أنه يمكن النظر إلى

القضية المنطقية من أوجه متعددة، "فلقد تناول جورج بول - مؤسس

منطق الفئات التصنيف الرباعى التقليدى للقضية الحملية تناولاً ينطوى

على أن ترمز الحدود إلى أصناف أو فئات لا إلى تصورات...، كما خرج

دى مورجان Demorgan على المنطق التقليدى فى اعتبار القضية

الحملية الصورة الرئيسية والوحيدة لكل قضية، و إمكان رد أي صورة

أخرى للقضية إلى الصورة الحملية؛ فرأى هو أن قضية العلاقة - ما

تحوى صنفين من الأشياء بينهما علاقة- صورة من القضية تختلف عن

الحملية، ولا يمكن ردها إلى حملية، بل أضاف أنه يمكن رد القضية

الحملية إلى قضية علاقة...، وبالمثل استطاع بيرس Peirce أن يقدم

قراءة لجبر المنطق تختلف عن قراءة بول، أي أنه يمكنه النظر إلى

المتغيرات فى قوانين الأصناف على أنها دالة على قضائيا، وهو بذلك

يكون قد وضع حجر الاساس لمنطق القضائيا. <sup>(67)</sup>

أما عن منطق المحمول " فلقد أتى التناول الحديث للقضية

المنطقية لينكر أن كل شكل منطقي يجب أن يكون على الصيغة

"موضوع-محمول" ، وإنما يراه كتسوير يشتمل على محمولين" <sup>(68)</sup>.

ويثبت ذلك أن تعدد واختلاف نظريات المنطق الرمزي أتى نتيجة

للاختلاف وتعدد وجهات النظر المناطة للصيغة الأساسية للقضية

المنطقية "موضوع-محمول" الموجودة في المنطق التقليدي.

2. "ينظر المنطق التقليدي في نظرية القياس- إلى أنه يمكن

تبديل مواضع الموضوع والمحمول، مثل: كل أ هي ب، وكل ب هي ج،

إذن كل أ هي ج، بحيث أن الحد (ب) يظهر في المرة الأولى كمحمول،

بينما يظهر هو نفسه في المرة الثانية كموضوع، إلا أن المنطق الرمزي

يضع تمييزاً صارماً بين المحمولات والحدود التي ترمز إلى "أشياء" <sup>(69)</sup>.

---

<sup>1</sup>- انظر : المرجع السابق، ص 67 وما بعدها.

<sup>68</sup>- Blackburn, S., Op.Cit., p298.

<sup>69</sup>- Ibid., p298.

فمن الملائم للمنطق في سعيه لتحرى الدقة أن يحدد ويميز دلالة أو معنى كل عنصر من عناصر الحجة التي يصيغها.

3. ”كل قضية إذا حلناها وجذناها تتألف من محمول وموضوع بينهما رابطة. والمحمول والموضوع كلاهما حد يمكن أن يُفَسَّر إن بحسب المفهوم أو بحسب الماصدق. وقد سار المنطق التقليدي على أساس عدم التمييز بين المفهوم و الماصدق؛ فتارة يفسر الموضوع والمحمول في القضية على أساس المفهوم، وتارة أخرى على أساس الماصدق. وكانت النتيجة أن حدث غموض كبير في فهم القضايا وفي الاقيسة؛ لأن التفسير على أساس المفهوم غيره على أساس الماصدق. فمنعوا لهذا الغموض جاء المنطق الجديد فاتخذ طريقة واحدة للتفسير وهي التفسير على أساس الماصدق .“<sup>(70)</sup>

4. ”إن كل منطق يعتمد على موقفين: أولاً نظرية الاستدلال التي يدخل في إطارها منطق القضايا، وثانياً نظرية الألفاظ الدالة على الكم، أي

---

<sup>2</sup> عبد الرحمن بدوى، مرجع سابق، ص288.

أسوار القضايا، ويمكن القول باختصار أن أرسطو كان يجهل هذه وتلك

<sup>(71)</sup>"

## 2:2:2 هاملتون و"كم المحمول"

إن الفترة الواقعة بين أ Fowler المنطق التقليدى، وشروع المنطق

الرمزى إبان القرن العشرين لم تكن فترة "فراغ منطقي"، وإنما بُرِزَ فى

هذه الفترة عدد من المناطقة الذين اثروا البحث المنطقي بما قدموه من

نظريات ورؤى. ولقد كان السير وليم هاملتون S.W.Hamilton

(1788-1865) أحد هؤلاء البارزين، حيث قدم نظريته المعروفة باسم

"كم المحمول" \*، والتى قد يحدث خلط بينها وبين منطق المحمول نتيجة

التشابه فى المسمى، ويعد هذا ما دفع الباحث إلى التطرق إلى هذه

النظرية، فإضافة إلى ما تمثله النظرية من نقد للمنطق التقليدى، فإنها قد

<sup>3</sup>- ليس امبروز ، موريس لازيروفيتش ، مرجع سابق ، ص 31.

\* كانت نظرية كم المحمول مألفة وقتئذ فى أواسط المناطقة ، ويقترن ذكرها عادة بالسير وليم هاملتون . وجرت لهاملتون مع دى مورجان مساجلات حادة دامت عدة سنين ، نشرت جمِيعاً فى منشورات جمعية كمبردج ، وتدور حول اتهام هاملتون أن دى مورجان سرق منه نظرية كم المحمول ، وأن دى مورجان ادعى سبق اكتشافه لها .  
والحق أن ما يعنينا هنا ليس مكتشف النظرية بقدر ما تعنينا النظرية ذاتها . أنظر :

- محمود فهمي زيدان ، مرجع سابق ، ص 66.

حملت بعض الأفكار التي تعد ذات صلة بمنطق المحمول، كان من

أهمها:

"لقد خصص هاملتون معظم جهده العقلى "تحليل القضية"، فاسترعى

نظره أن المنطق التقليدى أهمل النظرة إلى كم المحمول، والسبب عند

هاملتون فى هذا؛ هو أننا ننظر إلى القضية المنطقية على أساس

المفهوم، أو بمعنى آخر، أن المنطق التقليدى فى تقسيمه للقضايا، لا

يعتبر غير "كم الموضوع، و"كيفية الرابطة"، فنتج عن ذلك أربعة أنواع من

القضايا الحاملية التقليدية"<sup>(73)</sup>). إذن فكرة تحليل البنية الداخلية للقضية

المنطقية فكرة قديمة." الحروف A و I مأخوذة من الحرفين الصوتين

فى الكلمة اللاتينية affirm وتعنى "أنا أثبت" Vowels

الحروف E و O فمأخذتين من الكلمة nego وتعنى "أنا أنفي" deny .I.

<sup>(74)</sup>

---

<sup>1</sup>- على سامي التشار، المنطق الصورى منذ أرسطو حتى عصورنا الحاضرة، دار المعارف، القاهرة، ط4، 1966، 267-268.

<sup>74</sup> - Sawa, J.F., Op.Cit., p3.

”إذا كان ”التعبير الصريح بالألفاظ“ عن كل ما هو موجود ضمننا في الفكر، هو كما يقول هاملتون- الغرض الأساسي في المنطق، فلا مناص إذن من التعبير الصريح عن كم المحمول؛ لأنّه موجود أثناء عملية الحكم. وعلى ذلك قسمت القضايا عند هاملتون من حيث الكم والكيف إلى ثمانية أنواع لا إلى أربعة فقط.“ (75) ويتبّع من هذا أن فكرة التعبير الرمزي عن مكونات القضية المنطقية – وإن كانت ما زالت تقليدية – كانت موجودة أيضاً منذ هاملتون ودى مورجان.

ومما لا شك فيه أن اهتمام هاملتون بتحليل البنية الداخلية من ناحية، وتعوييه على أهمية المحمول من خلال تكميمه، و إبراز ذلك بشكل صريح ومعلن – وإن كان قوامه الألفاظ وليس الرموز – قد شكلت خطوة هامة على طريق تأسيس منطق المحمول. كما أن الناظر إلى القضايا الحملية الثمانية التي وضعها هاملتون، يجد أنها نماذج للقضايا متعددة الأسوار في منطق المحمول، مثل: كل الناس بعض الفانين.

---

<sup>2</sup> عبد الرحمن بدوى، مرجع سابق، ص267

وبالرغم مما نبهت إليه نظرية كم المحمول، "إلا أنها لم تكن

بالنظرية الدقيقة، فوجّهت إليها انتقادات عديدة"<sup>(76)</sup>، كان من بينها "أنها

كانت أقرب إلى تعديل المنطق التقليدي، منها إلى المساهمة -الفعالية-

في تطوير المنطق الرمزي."<sup>(77)</sup>

وإذا كانت أي نظرية في أي علم من العلوم تبدأ بفكرة، تطرأ على

ذهن عالم، ثم تأخذ في التبلور والتطور، سواء على يد مبتكرها أو

أتباعه، أو حتى من يأتي من بعده، فإن منطق المحمول لم يكن ليسير

على عكس هذا المنوال. ويرى الباحث أن الأفكار التي قامت عليها هذه

النظرية قد وجدت مُنبٰثة في الإنتاج المنطقي لمجموعة من المناطقة،

أمثال: بيانو G.Frega (1932-1848)، وفريحة G.Peano (1858-1848)

W.Quine (1872-1970)، وكوين B.Russell (1925)، رسل

وآخرون...

### 3:2:2 جوتلوب فريحة G.Frega (1848-1925)

---

<sup>3</sup>- محمد مهران، مقدمة في المنطق الرمزي، ص.33.

<sup>4</sup>- محمود فهمي زيدان، مرجع سابق، ص.66.

”اكتشف فريحة بعض أخطاء في تصور المنطق التقليدي للقضية“

الحملية، كما أشار إلى النقاط المنطقية التي قبلها من المنطق التقليدي

في تلك القضية، ودعمها دعماً جديداً، حين عرض ما في تصور ذلك

المنطق في القضية الحملية من حسنات وعيوب، رأى أن لديه ما يقوله

من صور أخرى من القضية غير القضية الحملية، مثل: قضية الهوية،

والقضية الوجودي، بل وجد لديه تعريفاً جديداً للقضية المنطقية وتركيبها.

حين فعل فريحة ذلك، لم يكن يصلح المنطق التقليدي، وإنما أراد الثورة

عليه، إذ أراد الاستغناء عن لغة ”الموضوع-المحمول“ واصطناع لغة

”الدالة والوحدة.“<sup>(78)</sup>

”ولقد كان فريحة أول من طبق فكرة الدالة الرياضية في المنطق، إذ“

رأى أنه يمكننا النظر إلى القضية لا على أساس أنها مؤلفة من محمول

وموضوع، وإنما من دالة وحجة. ولقد ربط فريحة بين المحمول والدالة؛

كيف ذلك؟ سبق له إن ربط الدالة بقيمة الصدق، حين رأى أن بالدالة

مكاناً خالياً إذا ملأناه بحجة، يصبح للدالة قيمة صدق، ومن جهة أخرى

---

<sup>1</sup>- محمود فهمي زيدان، مرجع سابق، ص132.

ربط المحمول بقيمة الصدق لكنه لم يوضح بطريق مباشر وجه الربط.“<sup>79</sup>

”من اليسير أن نجد تفسيراً لهذا الربط: إذا قلنا أن القضية تعibir يحمل الصدق أو الكذب، نجد أن الصدق والكذب قائم في أن المحمول يُسند إلى الموضوع إيجاباً (صدقأ) أو سلباً (كذباً)، ومن ثم فالمحمول هو الذي يحدد. ومن ثم كانت نقطة بداية فريحة في بناء المنطقى الضخم هى تطبيق فكرة الدالة، كما أدرك أنه بحاجة إلى دراسة الثوابت المنطقية التي تتطوى عليها القضية المركبة، ومن ثم انطلق إلى وضع أسس منطق الاستبطاط -القضايا-، أدرك ثانية كما سبقت الإشارة- أنه بحاجة إلى دراسة جديدة للأسوار التي تتطوى عليها القضايا الكلية والوجودية، ومن ثم انطلق إلى وضع أسس نظرية جديدة، سميت فيما بعد ”حساب دلالات القضايا“، او منطق المحمول. “<sup>80</sup>

جيوسيب بيانو G.Peano (1858-1932)، كما سبق لفريحة أن ادخل فكرة الدالة واللحجة في المنطق كأساس لوضع أصول نظرية منطق

---

<sup>2</sup>- نفس المرجع، ص145.

<sup>3</sup>- نفس المرجع، ص146.

المحمول؛ "ففقد سبق لبيانو أيضاً أن عرف دالة القضية وبحثها لإمكان اشتقاق الرياضيات من مبادئ منطقية. بل أكثر من ذلك ، إنه توصل إلى أفكار السور الكلى والوجودى، وبعض قوانين منطق المحمول، ووضع كل ذلك فى صيغ رمزية خالصة." <sup>(81)</sup>

#### 4:2:2 برتلاند رسل B.Russell (1872-1970)

إلى جانب فريحة وبيانو، يأتي برتلاند رسل، "الذى عرف دالة القضية أولاً من بيانو واستقاد بموافقه حين كتب "مبادئ الرياضيات"، لكنه طور الفكرة، كما طور مبادئ منطق المحمول أكثر مما فعل فريحة وبيانو." <sup>(82)</sup> ومن الناحية التاريخية، عرض رسل بعض أفكاره الخاصة بمنطق المحمول في المقالة التي نشرها عام 1908 تحت عنوان "المنطق الرياضي مستنداً إلى نظرية الأنماط"؛ إلا أنه في القسم الثاني من الجزء الأول من "مبادئ الرياضيات" قد طور النظرية تطويراً دقيقاً تحت اسم

---

<sup>4</sup>- نفس المرجع، ص127.

<sup>1</sup>- نفس المرجع السابق، ص221.

نظريه المتغيرات الظاهرية. عندما تبين أن القضية العامة - الكلية - هي

في جوهرها قضية شرطية متصلة، فاتجه إلى صياغة أفكاره المنطقية

صياغة جديدة ”<sup>(٣)</sup>

ومن ناحية أخرى، إذا كان منطق المحمول قد أتى لأجل تحليل

البنية الداخلية للقضية، فإن رسل قد اسهم في إظهار هذه البنية من

خلال عرضه لطريقتين لتحليل القضية إلى موضوع محمول، فمثلاً:

”فى القضية المعبرة عن العلاقة “أ” يكون أكبر من ب” يمكننا -حسب

رأى رسل- أن نعتبر ”أ“ هي الموضوع، و ”...يكون أكبر من ب“ هي

المحمول، أو أن نعتبر ”ب“ هي الموضوع، و ”أ“ يكون أكبر من ...“ هي

المحمول، حيث يجب أن يحتوى المحمول دائماً على فعل، وفيما عدا

هذا لا يبدو أن للمحمولات خواص عامة تقوم دائماً بها ”<sup>(٤)</sup>.“ فإذا كان

كلا من بيرس وفريجة قد وسعا من نطاق عملية التسوير، بحيث

أصبحت لا تشتمل على أفراد فحسب، بل على خصائص وعلاقات،

<sup>2</sup>- ماهر عبد القادر محمد، مرجع سابق، ص123، 124.

<sup>3</sup>- برتراند رسل، *أصول الرياضيات*، ترجمة د.محمد مرسي أحمد، د.أحمد فؤاد الاهواني، ج1، دار المعارف بمصر، 1965، ص90.

وDalat فردية، فان رسول وهو يتهدد قد ذهبا بها إلى مدى ابعد، حيث

جعلوا التسوير يغطي علاقتين العلاقات وهكذا...”<sup>85</sup>

## 5:2:2 البداية الفعلية لظهور

إذا ما أردنا تحديد البداية الفعلية لظهور وريادة هذه النظرية تاريخياً،

فيمكن القول أن ”هذه النظرية كان يعتقد بأنها لا تشكل موضوعاً أساسياً

بين موضوعات المنطق الرمزي، في صورته التقليدية على الأقل“<sup>86</sup>؛ ”

فحتى عام 1900 تقريباً، كان المنطق الرمزي متصوراً كنظرية في

القضايا والفنون وال العلاقات فحسب، وحتى بعد الحرب العالمية الأولى

WWI وقبل عام 1930 كان نسق الدرجة الثانية، وكذا نظرية الأنماط

هما الشغل الشاغل للمنطق الرمزي في تلك الفترة. وخلال عام 1930

بدأ بعض من جمهور المناطقة في إبراز منطق المحمول على أنه النسق

الأساسي للبحث في المنطق والرياضيات. فقط في الفترة ما بين 1940

---

<sup>85</sup> -Boden, M., Op.Cit., p657.

<sup>86</sup> - محمد مهران، مقدمة في المنطق الرمزي، ص 196

إلى 1950 توصل جمهور المناطقة كل إلى الاتفاق على أن منطق

المحمول هو النسق المنطقي النموذجي.“<sup>87</sup>

”وبعد الحرب العالمية الثانية فضل الجيل التالي من المناطقة

اعتبار منطق المحمول هو النسق الطبيعي للمنطق، كما أصبح مؤلوفا

لمؤرخي العلم حقيقة أن كل تغيير عميق يحدث بحق دون مقاومة؛ ومثال

ذلك أن تشيرش Church في مقدمته للمنطق الرياضي (1956)، قد

سار على نهج هيلبرت Hilbert، حيث امسك عن الحديث عن منطق

الدرجة الثانية، كما ركز في عرضه على منطق الدرجة الأولى، كما نجد

أن في هذا الوقت تقريباً، أن العديد من الفلاسفة قد تناولوا هذه النظرية

بشيء من الاهتمام والدراسة، ولعل ويلارد كواين Quine كان من أبرزهم

“.<sup>88</sup>

### 3:2 علاقة منطق المحمول بمنطق القضايا

#### 1:3:2 عمومية العلاقة

<sup>87</sup>- The Road Ferreiros, J., To Modern Logic: An Interpretation, The Bulletin of Symbolic Logic, vol. 7, Issue 4, Dec., 2001, p448.

<sup>88</sup> -Ibid., p448.

تکاد تتطلق معظم الكتابات المنطقية فى معرض حديثها عن منطق المحمول من نقطة رئيسية مؤداها أن هذه النظرية هى التطور الطبيعي لمنطق القضايا، أتى ليلي مطالب منطقية عجز الأخير عن إنجازها بجهازه الرمزي المعروف، مما تتطلب وجود لون منطقى آخر، ذو جهاز رمزي مُعَدّل، يستطيع أن يستوعب تلك القضايا ذات الطبيعة الجديدة. إلا أن الباحث يخشى أن يفهم البعض أن العلاقة فى المنطق الرمزي محصورة بين هاتين النظريتين فقط، ولا يوجد رابط بينهما وبين النظريتين الأخيرتين - منطق الفئات ومنطق العلاقات - ومن ثم وجبت الإشارة أولاً إلى عمومية العلاقة بين نظريات المنطق الرمزي ككل، ومحورية منطق القضايا بينهم جميعاً، قبل الحديث عن خصوصية العلاقة التي تربط بين منطق المحمول ومنطق القضايا.

يدعم الرأي السابق " ملاحظة أن فريحة - واضع مبادئ نظريات المنطق الرمزي الأربعة عام 1879 - لم يعرض نظرياته الواحدة مستقلة عن الأخرى، على النحو الذي فعله أصحاب البرنکبیا فيما بعد، وإنما

عرضها جميعاً وكأنها أجزاء من نظرية واحدة.”<sup>(89)</sup> وأيضاً إذا كان غرض

الباحث هو الحديث عن منطق المحمول وتطوره، فإن جوسيه فريروس

J. Ferreiros يقول: ”عندما نحاول إجمال وتقدير العملية التي أفضت

إلى وجود المنطق الرمزي - ويقصد تاريخياً - سوف نركز على منطق

المحمول؛ لأنه يتعدى تمييز تطوره كنظرية عن نشأة مجل نظرية

المنطقية الحديثة.”<sup>(90)</sup> مما يدلل على ترابط النظريات المنطقية، فعندما

نتحدث عن تاريخ إدراها فكأنما نتحدث عنها جميعاً.

”إذا كان المنطق الرمزي يشتمل على نظريات أربعة أساسية:

منطق القضايا، منطق المحمول، منطق الأصناف أو الفئات، منطق

العلاقات، فإن للنظرية الأولى سبقها المنطقي وإن تأخرت صياغتها في

الزمن، إذ انتظرت فريحة لوضع أصولها؛ لها السبق المنطقي بمعنى:

1- أن موضوعها هو وضع قواعد الاستباط، وهو لازم للنظريات الثلاثة

الأخرى.

---

<sup>3</sup>- محمود فهمي زيدان، المرجع السابق، ص150.

<sup>90</sup>- Ferreiros, J., Op.Cit., p441.

2- أن بالرغم من أن لكل من النظريات مصطلحها الرمزي المستقل،

فإنها جمِيعاً تستخدم جزءاً كبيراً من النسق الاستباطي لنظرية حساب

القضايا وقوانينه، كمقدمات.<sup>(91)</sup>

وعلى ذلك، يمكن اعتبار منطق القضايا "نقطة البداية لدراسة

المنطق الرمزي".<sup>(92)</sup> كما يمكن أن نعدها "الأساس الذي تقوم عليه بقية

النظريات الأخرى".<sup>(93)</sup> ولا نجد أبلغ من تشبيهه أستاذنا د. ثابت الفندى

لنظريات المنطق الرمزي؛ فيشبهها بأنها "طوابق يقوم بعضها فوق بعض،

وتنتسب كلها بطريق الاشتقاد - التعريف والاستباط - القائمة على

الصدق والكذب المنطقيين في القضايا المختلفة. وسبب اختلاف الحساب

المنطقي إلى طوابق هو أن الحساب الأولى منها يعالج أقل عدد من

الثوابت المنطقية التي تقوم بين الصدق والكذب، وكل حساب أو منطق

لاحق يدخل ثابتاً جديداً أو أكثر يشتق بالتعريف مما سبقه من الثوابت

الأولية القليلة، كما تبرهن قضاياه بالاستباط من قضايا ما سبقه من أنواع

<sup>2</sup>- محمود فهمي زيدان، مرجع سابق، ص219.

<sup>3</sup>- بيسون، أوكونر، مقدمة في المنطق الرمزي، ص45.

<sup>4</sup>- محمد مهران، مقدمة في المنطق الرمزي، ص61.

الحساب، هذا وتولف أنواع الحساب المختلفة نسقاً واحداً يستند برمته إلى ثوابت وقوانين الحساب الأولى.”<sup>(94)</sup>

## 2:3:2 خصوصية العلاقة

أما عن علاقة منطق المحمول بمنطق القضايا، “فإن منطق المحمول ومنطق القضايا مرتبطان بشكل عميق، فكل رموز منطق القضايا تظهر في صيغ formulas منطق المحمول، كما أن قواعد الاستدلال الخاصة بمنطق القضايا تستعمل في بناء البراهين الصورية في منطق المحمول.”<sup>(95)</sup> ومن شدة هذا الارتباط أن نظر البعض إلى منطق المحمول على أنه أحد قسمي منطق القضايا؛ حيث قسم البعض البحث في منطق القضايا إلى قسمين:

الأول: هو حساب القضايا بالماصدق، ويسمى الجبر ذو القيمتين Tow-valued algebra

---

<sup>5</sup>- ثابت الفندي، أصول المنطق الرياضي، ص117.

<sup>95</sup>- Pospesel, H., Op.Cit., p4.

الثانى: حساب الدوال القضائية أو منطق المحمول.<sup>(٩٦)</sup>

ولا أدل على خصوصية العلاقة بين منطق القضايا ومنطق المحمول من "أن فريحة قد اهتم بإقامة مبادئ منطق القضايا وحساب

الدلالات - أو منطق المحمول - وانه نظر إلى حساب الأصناف وحساب

العلاقات على أنهما أوثق بأصول الرياضيات منها إلى المنطق."<sup>(٩٧)</sup>

وعلى ذلك، "ولكي نحقق فهماً أفضل لما هو منطق المحمول،

فعلينا أن نقارنه بمنطق القضايا."<sup>(٩٨)</sup> والحق أن اوجه المقارنة بين

المنطقين هي جد متعددة، إلا أنه يمكن الإشارة إلى بعض منها في

النقطات التالية:

1) "يختلف منطق المحمول عن منطق القضايا في أوجه متعددة،

ويتحقق معه في أوجه أخرى. وعلى وجه العموم، بمقدورنا أن نحكم بأن

منطق المحمول "أشمل" من منطق القضايا، وعلى وجه الخصوص، فإن

منطق المحمول يتضمن - فضلاً عن مفردات لغة منطق القضايا -

مفردات أخرى، كما يتضمن قواعد تركيبية واشتقاقية واستعاضية يختص

<sup>1</sup> عبد الرحمن بدوى، المرجع السابق، ص312.

<sup>2</sup> محمود فهمي زيدان، المرجع السابق، ص15.

<sup>98</sup> - Pospesel, H., Op.Cit., p3.

بها وحده، فضلاً عن تلك التي يتضمنها منطق القضايا.“<sup>99</sup>) إذن يمتلك منطق المحمول المصطلح الرمزي الخاص بمنطق القضايا، بالإضافة إلى أنه يتقوّق عليه بمصطلحه الجديد الذي يمكنه بالطبع من التعبير عن أنماط مختلفة من القضايا، والتي تعد خارجة عن نطاق منطق القضايا.

(2) ”رغم وجود براهين – تعد على المستوى البدھي سليمة – تعجز أنساق منطق القضايا عن إثبات سلامتها لا يشكك في صحة تلك الأنساق، إلا أن وجودها استدعي التفكير في إضافة قواعد جديدة لتلك القواعد التي تتضمنها تلك الأنساق بحيث يتسعى لنا إثبات سلامة أكبر قدر ممكن من البراهين التي نعتد بدها بسلامتها، تلك هي الغاية التي يرنو مناطقة التكميم – أي الذين يستعملون المنطق التكميمي، أو منطق المحمول – إلى تحقيقها.“<sup>100)</sup>

وعلى ذلك، لا يتقوّق منطق المحمول على منطق القضايا في اللغة الرمزية فحسب، بل يتقوّق عليه أيضاً في امتلاكه لآليات استدلال متطرفة

<sup>4</sup> - نجيب الحصادي، المرجع السابق، ص227.

<sup>5</sup> - المرجع السابق، ص229.

تمكنه من إجراء أنماط متعددة من الاستدلال للوصول إلى صحة أو بطلان القضية المصاغة.

(3) ”إن منطق القضايا يتناول القضية ككل، دون تمييز بين حدودها، كما أنه لا يتناول السور أو المكمم في القضية، أي ما يدل على كم موضوعها، بينما يسد منطق المحمول هذين النصرين؛ إذ يضع تحليلًا جديداً لسور القضية، ويفسح مصطلحها الرمزي مجالاً لتلك العناصر والأسوار.“<sup>101)</sup> ولهذا السبب فإننا ننتهي إلى أن منطق القضايا لا يعنينا عن دراسة تستهدف معرفة مكونات القضايا أيضاً، أي دراسة تتجه إلى تحليل البنية المنطقية للقضايا.<sup>102)</sup> وهو الدور الذي يلعبه منطق المحمول.

(4) بعد استيضاح الفروق بين منطق المحمول ومنطق القضايا على المستوى النظري، نأتي لاستيضاح الفروق بينهما على المستوى التطبيقي. ”فبرغم أن منطق القضايا نظرية جديرة بالاهتمام، إلا أنه يكاد يكفي بصعوبة في التطبيقات المستقيمة للمنطق في الفلسفة، والرياضيات، والعلوم المعرفية. وبالنظر على ما هو متوقع من تطبيقات للمنطق، فإن

<sup>1</sup>- محمود فهمي زيدان، المرجع السابق، ص219.

<sup>102</sup>- Tymoczko,T., Henle,J., Op.Cit., p193.

منطق القضايا على أفضل تقدير لا يعدو إلا أن يكون نظرة عامة تمهدية لمنطق المحمول؛ فمنطق القضايا يقدم فقط الصورة المنطقية، بينما المكممات أو الأسوار Quantifiers، والهوية Identity، والمحمولات Predicates هي التي تعطينا القوة التامة لمنطق الرمزي.<sup>(103)</sup> ولعل ذلك ما حدا بأهل الذكاء الاصطناعي إلى أن ينصبّ عملهم على منطق المحمول، وهو الأمر الذي سيبدو جلياً في الفصول التالية.

تبقى حقيقة هامة تجدر الإشارة إليها، وهي "أنه من المهم مراعاة أن انتقالنا من منطق القضايا غير المحللة إلى منطق المحمول لا يمثل حداً فاصلاً أو قطيعة صارمة مع مناهجنا السابقة في التناول؛ إذ يبني منطق المحمول على منطق القضايا ويستخدم مناهجه وترقيمه طالما كانت هذه صالحة للتطبيق على نماذج جديدة من البناء المنطقى الذي تُعنى به."<sup>(104)</sup> ويعنى ذلك أن الرموز المستخدمة في المصطلح الرمزي لمنطق القضايا ستبقى صالحة للاستعمال في منطق المحمول، إضافة إلى رموزه الخاصة.

---

<sup>3</sup> - عزمي إسلام، أسس المنطق الرمزي، مكتبة الانجلو المصرية، القاهرة، 1970، ص 267.

<sup>4</sup> - بيسون، أوكونر، مرجع سابق، ص 172.

### الفصل الثالث

# منطق المحمول

### الفصل الثالث

## منطق المحمول

### 1:3 تمهيد

عندما نتعامل مع المنطق الرمزي ، يجب أن تختلف نظرتنا لمهامه وغاياته عن نظرتنا إلى المنطق التقليدي؛ فلم يعد هو علم التفكير الصحيح، وموضوعه هو وضع القواعد التي من خلالها تُستتبّط نتائج من مقدمات دون خطأ فحسب، بل اضطلع بأعباء جديدة ، فرضتها عليه طبيعته المتطرفة من ناحية، ومحوريته بين العلوم فهو آلتها وأداتها من ناحية أخرى.

”ولقد كان بناء أدوات تسمح لنا بفهم واختبار الخصائص المنطقية المتعددة للجمل المصاغة في لغات طبيعية Natural language ، من أبرز أهداف المنطق - في ثوبه الجديد -؛ حيث رأى العديد من المناطقة، إن لم يكن معظمهم، إبان القرن العشرين، أن الوسيلة لبلوغ هذا الهدف تتأتّي بإنجاز مهمتين :

**الأولى:** هي بناء لغات وأنساق صورية Formal

الثانية ، والتي من خلالها نستطيع تمثيل كل حديث باللغة الطبيعية، أو على الأقل تمثيل ما هو مهم منه.

**الثانية:** هي تطوير إجراءات لاختبار صحة هذه اللغات

الصورية.“<sup>105</sup>

ويأتي هذا الفصل ليقدم عرضاً وتحليلاً لمجمل الأسس التي قام عليها منطق المحمول. وفي سياقنا سوف ينقسم إلى محورين رئисيين:

أما المحور الأول، فيتناول النظرية من حيث هي "لغة"، مما يقتضي شرح مفردات هذه اللغة، وضرورتها، وكذا للقواعد التي تتألف على غرارها، مُعِدّاً للقضايا التي تستطيع ترميزها، أى وضعها في صيغة رمزية، بدءاً من القضايا المفردة، ومروراً بالقضايا العامة، وصولاً إلى القضايا اللاقيسية والقضايا متعددة الأسوار. مقارنة بالعديد من الأمثلة الشارحة لكيفية الترميز.

---

<sup>105</sup> - Bercmann,M.& Moor,J.& Nelson,J.,(ed.): The Logic Book, McGraw-Hill, New York, second ed., 1990, p233.

أما المحور الثاني، فيستعرض الآليات Techniques التي من خلالها نستطيع اختبار صحة لغة منطق المحمول، ومن ثم الحكم على أي قضية أو حجة أنها صحيحة أو خاطئة، بدءاً من آلية البرهان الصوري Formal Proof، مروراً بآلية الدياجرامات Diagrams،وصولاً إلى آلية التفسير Interpretation.

## 2:3 لغة منطق المحمول

لا يكاد يخلو كتاب في المنطق عامّة ، والمنطق الرمزي خاصة ، من الحديث عن اللغة المنطقية ، سواء في ثوبها التقليدي ، أو في تطورها الرمزي ، وكأنه أصبح تقليداً مُتّبعاً في الكتابات المنطقية، وما نما هذا التقليد وترسّخ إلا من شعور المناطقة وغير المناطقة بضرورة هذه اللغة، واحتلاتها مكان الصدارة قبل النسق الاستباطي ، في البناء المنطقي، إذا ما نظرنا إلى المنطق الرمزي على أنه يحوز خاصتين : "إداهما أنه يستخدم الرموز - كلغة منطقية - وثانيهما أنه نسق استباطي"<sup>106</sup>

---

106 - محمود فهمي زيدان، مرجع سابق، ص21

وتبرز لغة منطق المحمول كواحدة من أهم لغات المنطق الرمزي ، حيث تأتي بعد لغة منطق الفئات ، ولغة منطق العلاقات ، ولغة منطق القضايا ، مثبتة تفوقها على سابقيها برغم استقامتها من مفرداتهم ، خاصة منطق القضايا ، وقبل الحديث عن مفردات هذه اللغة بالتحديد ، وكيفية تعاملها مع القضايا المختلفة، تجدر الإشارة أولاً إلى "ضرورة" وجود مثل هذه اللغات المنطقية.

### ١:٢:٣ ضرورة اللغة المنطقية

إن أحداً لا يستطيع أن ينكر ما بين المنطق واللغة من علاقة ، "فيغلب على الظن أن نشأة المنطق نفسه مرتبطة بال نحو. فقد بدأت البذور الأولى للمنطق عند اليونان في أبحاث السفسطائية الخاصة باللغة والخطابة والنحو بوجه أخص . ولقد كان للغة أخطر الأثر في تطور الفكر ، لأنها تحيله من فكر عياني إلى فكر مجرد ، وهو المرتبة العليا للتفكير الإنساني ؛ وليس إذن مجرد مرآة تعكس الفكر فحسب. "<sup>(107)</sup>

---

<sup>2</sup> - عبد الرحمن بدوى، مرجع سابق، ص 31.

”وإذا كانت اللغة تعبير عن الفكر ، وإذا كان المنطق يبحث في الفكر ، فهو مضطرب أيضاً إلى البحث في التعبير عنه ، أى في اللغة. بل إن أهمية دراسة اللغة بالنسبة إلى المنطق لظهوره في أسمه نفسه ، فهو مأخوذ من النطق أو الكلام . ومن هنا كان على المنطق أن يعني باللغة من ناحية أنها تعبير عن الفكر ، وأن هذا التعبير يجب أن يكون دقيقاً محكماً حتى لا يؤدي ذلك إلى لبس وخطأ في التفكير ، مصدره عدم الدقة أو الخلط في التعبير . فعليه إذن أن يحل معانى الألفاظ اللغوية والتركيب ؛ وأن ينتهى من هذا التحليل إلى وضع القواعد الواجبة للإتباع في التعبير ، حتى يكون الفكر صحيحاً في شكله وفي موضوعه.“<sup>(108)</sup>

ولعل وجود بعض النقائص في اللغة الطبيعية، كان حافزاً للمنطقة على استبعاد صلاحيتها لأن تكون لغة منطقية بالمعنى الحقيقي ، ”فالغاية من اللغة العادية الطبيعية أن تشبع الحاجات العملية ، ولهذا لا يعنيها كثيراً أن تدقق أكثر مما يقتضيه هذا الغرض ، كما أنها تمتاز بالناحية المنطقية العاطفية والانفعالية مما جعل عنایتها بالدقة أقل. كما أن اللغة كائن هي متتطور ، ومن شأن هذا التطور أن يجعل الألفاظ مشتركة

---

<sup>108</sup>- المرجع السابق، ص 32

المعاني ، مما يؤدي إلى عدم الدقة كذلك. ولذا نراها تخلط بين الفروق التي تقوم عليها كل برهنة دقيقة. وتكون أحياناً بسيطة بينما الأفكار التي تعبّر عنها مركبة.<sup>(109)</sup> ولذا أصبحت الحاجة ماسة لوجود لغة اصطناعية عوضاً عن هذه اللغة الطبيعية ؛ يتسرى من خلالها تحقيق الأهداف المرغومة للمنطق.

وإذا نظرنا إلى الفروق بين المنطقين التقليدي والرمزي ، لوجدنا أن استعمال لغة منطقية قوامها الرموز لهو من أبرز هذه الفروق ، ”فلقد كانت وسيلة التعبير في المنطق التقليدي – وهي ألفاظ اللغة – أقل دقة وأدعي إلى الواقع في الخطأ ، منها في المنطق الحديث الذي يستخدم بدلاً من الألفاظ الرموز المختلفة.“<sup>(110)</sup> ”وسعياً من المنطق الرمزي إلى تحقيق أكبر قدر ممكن من الدقة ، وجد أنه لا سبيل إلى هذه الغاية إلا باستخدام لغة مكونة من علامات مرنية لا يتغير شكلها. ومثل هذه اللغة لا يستغني عنها علم من العلوم“<sup>(111)</sup> ”وأضحت من مميزاته استخدامه

<sup>109</sup> - نفس المرجع، ص 280.

<sup>110</sup> - عزمي إسلام، أسس المنطق الرمزي، ص 21.

<sup>111</sup> - يان لوكانشيفتش، نظرية القياس الأرسطية: من وجهة نظر المنطق الصوري الحديث ، ترجمة عبد الحميد صبره ، منشأة المعارف، إسكندرية، 1961، ص 29.

رموز عقلية أو ايديograms التي تشير مباشرة إلى التصورات بدلاً من العلامات الصوتية أو الفونوغرامات Phonograms التي تشير مباشرة إلى الأصوات وإن كانت تشير إلى التصورات أيضاً ولكن بطريق غير مباشر. <sup>(112)</sup> ولعل هذا ما حفّز رجال المنطق الرمزي إلى "عدم الاكتتراث كثيراً بالحجج التي تصاغ في قوالب لغوية حرة ، بقدر ما يهتم بالتفكير في لغات صورية." <sup>(113)</sup>

"ولا يقتصر الأمر في المنطق الرمزي على مجرد استعمال رموز من أحرف الهجاء أو غيرها ، لتحل محل الحدود أو القضايا ، وإلا لكان مجده كلعبة صبيانية لا طائل من وراءها يستحق من القائمين به كل هذا الجهد." <sup>(114)</sup> وإنما تكمن ضرورة وجود مثل هذه اللغة الرمزية في أنها تضيف إلى المنطق الرمزي مجموعة من الفوائد ، يمكن عرضها في النقاط التالية:

---

<sup>112</sup>- بيسون، اوكونر، مرجع سابق، ص.27

<sup>113</sup>-Gamut, L.t.f.,(ed.) : Logic, Language, And Meaning, Vol.1,1991, p25.

<sup>114</sup>- زكي نجيب محمود، المنطق الوضعي، ج1، ص178.

(1) من أولى فوائد الترقيمات أو العلامات الرمزية أنها تعمد إلى

فصل الصورة المنطقية من المادة التي تحملها ، وإلى إبرازها بوضوح.

ومن فوائد المنطق الرمزي ومميزاته التي يتميز بها الآن على حالته في

الماضي ، عندما ما كان لا يزال تقليدياً متخلفاً هو أنه يضم جداول رمزية

أكثراً كاماً. ومن شأن هذه الجداول الرمزية أن تعيننا على عرض الصور

المنطقية الخاصة بالبراهين التي لم يستطع المنطق الأرسطي أن يحتوى

عليها أو يضمها بين دفتيه. ”<sup>115</sup>

(2) تأتي اللغة المنطقية الرمزية معبرة عن جوهر المنطق الرمزي ،

”هو تحويل القضية المنطقية إلى قضية شبيهة بمعادلات الجبر ، وبذلك

تصبح كل عملية فكرية أشبه بالمسألة الرياضية.“<sup>116</sup>) ويبدو جلياً أنها

شرطًا أساسياً لتحقيق ذلك .

(3) ترتبط اللغة المنطقية أيضاً بعملية التحليل Analysis ، حيث

يصل بنا التحليل إلى عناصر بسيطة قد لا نكون على علم بها من قبل ،

فلا بد من لغة دقيقة للتعبير عن هذه العناصر البسيطة . ”فإذا كانت اللغة

<sup>115</sup>- بيسون، اوكونر، مرجع سابق، ص38.

<sup>116</sup>- زكي نجيب محمود، مرجع سابق، ص 178.

الجارية دقيقة في مجال المركبات ، فهى أغلى من أن تكون كذلك في مجال البساطة الكثيرة المتعددة . فضلاً عن أنها أدق لغة يمكن أن تعبر عن البنية التي هي هدف رئيسى من أهداف التحليل.“<sup>117</sup>

(4) إن أهمية اللغة الرمزية في المنطق أشبه بأهميتها في الرياضيات ، ولتوسيع ذلك نذكر المثال التالي : لنفرض أن أمامك مسألة مثل : "لو كان زيد أصغر بست سنوات ، لكان سنه ضعف سن عمر ، عندما كان هذا الأخير أصغر بست سنوات ، ولو كان زيد أكبر بسبعين سنة لكان سنه ضعف سن عمر ، عندما كان هذا الأخير أصغر بأربع سنوات" فإذا حاولت أن تحل هذه المسألة مباشرة بإجراء عمليات الجمع والطرح ، والبحث عن كل حالات "لو" لحل بك بعد فترة قصيرة نوع من الدوار وكأنك تركب أرجوحة ، ولكن لتأخذ بعد ذلك قلماً وورقة ، وترمز إلى سن زيد بالحرف (س) ، وإلى سن عمر بالحرف (ص) ، ولتكتب المعادلات الناتجة وتحلها بالطريقة التي تعلمتها في

---

<sup>117</sup>- محمد مهران، فلسفة برتراند رسل، ص373.

المدرسة الثانوية ، وعندئذ تدرك قيمة اللغة الرمزية الجديدة . ”<sup>118</sup> ) وعلى

ذلك فاستخدام اللغة المنطقية ”يوفّر الإيجاز الدقيق والاقتصاد في التعبير

بالنسبة إلى الأحكام المعقّدة التي يصعب أو يستحيل فهمها إذا وضعت

في تعبير باللغة العادية.“<sup>119</sup> )

نخلص من ذلك كله ، ”إلى أن استخدام الرموز في المنطق لا من

أجل إظهار التحذّل وحسب بلغة رمزية نترجم إليها كل مادة منطقية

نتداولها ، وإنما على العكس من ذلك استجابة لضرورة وجود مثل هذه

اللغة لدينا من أجل فهم المنطق وتطوره.“<sup>120</sup> )

وتبقى حقيقة هامة، وهي أنه إذا كانت هذه اللغة لها ضرورتها

ومبررات لوجودها على المستوى الأكاديمي ، فإن ذلك لا يعني قابليتها

للاستخدام على المستوى حياتي اليومي . فإذا كنا كلما تعقدت

عملياتنا الحسابية الناتجة بالطبع من تعاملاتنا اليومية ، والتي هي أيضاً

مصالحة في إطار لغوی ، وكلما ارتقينا بفکرنا من مستوى الاحتياجات

<sup>118</sup>- هانز ريشنباخ، نشأة الفلسفة العلمية، ترجمة فؤاد زكريا ، دار الكاتب العربي للطباعة والنشر ، القاهرة ، 1968 ، ص 193،194 نقلأ عن: محمد مهران، مقدمة في المنطق الرمزي، دار الثقافة، القاهرة، 1978، ص 16،17.

<sup>119</sup>- بيسون، اوكونر، مرجع سابق، ص 34

<sup>120</sup>- نفس المرجع، ص 36

العملية إلى مستوى أكثر تجريداً وعلمية ، شعرنا بالحاجة إلى طريقة تيسير لنا التعامل مع هذه المستجدات .

و ينبغي أن ننظر إلى المنطق الرمزي سواء بلغته الرمزية ، أو بنسقه الاستباطي من هذا المنظور . فإذا كنا نستخدم الحساب التقليدي في حياتنا اليومية ، على حين نستخدم الرياضيات الحديثة في حل مشكلاتنا العلمية ، فإن هناك منطق آخر أكثر ملائمةً، نستخدمه تقريباً بالفطرة في حياتنا اليومية ، بينما يرتقي المنطق الرمزي ليقوم بدوره الذي وجد من أجله في التعامل مع مشكلات أكثر تعقيداً وتجريداً .

## 2:2:3 المصطلح الرمزي Notation

”المصطلح الرمزي هو كتابة علم المنطق بلغة رمزية خالصة ، قوامها حروف الهجاء رموزاً للمتغيرات ، ورسوم معينة أخرى رموزاً للثوابت المنطقية ، بحيث تكتب في صورة رمزية غير لغوية لكل القضايا والقوانين“

المنطقية ، وكل الخطوات الاستدلالية في أى برهان.“<sup>121</sup>) وهو بهذا

ولهذا يعد أحد الأدوات الفاعلة في علم المنطق.

ولقد اهتم المناطقة الجدد بابتكار مصطلحاً رمزاً يمكنهم من

خلاله صياغة نظرياتهم بشكل صوري محكم، ”فصالغ ليبنتر وبول وبيرس

نظرياتهم في الأصناف والعلاقات صياغة رمزية في كثير من مواضعها ،

وجاء شرويدر وتوج أعمالهم باصطلاح مصطلح رمزي كبير تناول فيه

النظريات السابقة مطورة ، لكن كان قوام هذه المصطلحات جميعاً رموزاً

جبرية خالصة؛ وبقدوم فريجه ومن بعده بيانو واللذان خلت مصطلحاتهما

من رموز الأعداد والعمليات الحسابية...“<sup>122</sup>)

”ارتقي المصطلح الرمزي بعد ذلك إلى مستوى أكثر منطقية.

حيث استعان فريجه فيه بحروف الهجاء اليونانية وبخطوط أفقية ورأسية

وأقواس ، وهو مصطلح صعب الطبع ، كما أنه صعب على القارئ فهم

دلالياته بسهولة ، وبعكس هذا نجد مصطلحاً رمزاً آخر للمنطق عند بيانو

، جذب صاحبي البرنکبیا - راسل و هوايتهد - فيما بعد لبساطته

---

<sup>121</sup>- محمود فهمي زيدان، مرجع سابق، ص271.

<sup>1</sup>- نفس المرجع، ص119.

فاصطنعاه فى نسقهما المنطقى والرياضي. كما نجد صوراً أخرى مختلفة للمصطلح الرمزي عند هلبرت ولوكاشيفتش Lukasiewicz . L. وآخرين.“

(123)

أما عن المصطلح الرمزي المستخدم فى منطق المحمول فيمكن إبرازه من خلال الجدول التالي ، موضحاً به الرموز المستخدمة فى لغته ، وما تشير إليه ، وأيضاً يصنف الرموز المستقادة من منطق القضايا ، والرموز المضافة إلى منطق المحمول.

الرموز	ما تشير إليه	الرموز	م
المستقاة	الأقواس اليمنى واليسرى	{، ) & (، }	1
من منطق	الخمسة رموز الأولى تشير إلى الدوال الصدقية أو الثوابت المنطقية ، وهى النفي ، الوصل ، الفصل ، اللزوم ، التكافؤ على التوالى . أما الرمز الأخير	~، v ، ^ ، ≡ ، →	2
القضايا	فيشير إلى (إذن) فى النتيجة.		

---

<sup>2</sup>- نفس المرجع، ص 119.

	رموز لأشياء بعينها (أسماء أعلام ، أوصاف محددة)	a , b , c ,...v	3
	محمولات سواء واحدية أو ثنائية أو ثلاثة ... إلخ	A , B,C	4
الرموز	المتغيرات	w, x, y, z	5
المضافة	المكممات أو الأسوار ، الرمز الأول كلی والثاني وجودی.	ا، ئ	6
إلى			
منطق			
المحمول			

ويكاد يجمع المناطقة على استخدام هذه الرموز في المصطلح الرمزي

لمنطق المحمول ، ”فيستخدمها رسل و هو يتهد فى البرنکبیا ، إلا أنهم

يختصرا الرموز المضافة إلى منطق المحمول إلى ثلاثة رموز - بدلاً من

أربعة - فيصيروا رموز للمتغيرات بوجه عام ، سواء أسماء أعلام أو

متغيرات عادية ، ورموز للدالات وترمز للمحمولات ، وأخرى للأسوار

الكلية والوجودية.“<sup>124)</sup> وكذلك يستخدمها كواين عند عرضه لنظرية

---

<sup>124</sup>- نفس المرجع، ص222

التسوير ، إلا أنه يضيف سوراً آخر للكلى والوجودى ، وهو السور الفردى

Individual Quantifier " كما يستخدم (1).“ (125) يرمز له بالرمز (exists).

ببيسون و اوكونر فى كتابهما "مقدمة فى المنطق الرمزي" نفس

"الرموز" (126)

"ولعله قد يظهر لأول وهلة أن عرض هذا الجهاز الرمزي المحكم

من أجل التعبير عن قضية بسيطة مثل (الخيول موجودة) هو ضرب من

إظهار التعلم الذى لا لزوم له ، ولكن الأمر ليس كذلك. إذ أن اكتشاف

التحليل الصحيح للقضايا الوجودية ، وابتکار الأسلوب الرمزي المنطقي

الذى يؤدى إلى إظهار بنائها ، قد أدى بالفعل إلى نتائج هامة فى المنطق

وفى الفلسفة، " (127) بل وفي بعض العلوم ، ومن أبرزها علم الذكاء

الاصطناعى.

ولكى تتضح دلالات هذه الرموز ، فإن شرحها فى النقاط التالية

قد يبدو مفيداً:

<sup>125</sup>- ناصر هاشم محمد ، نظرية التسوير عند كواين ، مجلة كلية الآداب - جامعة

الزقازيق ، يوليو 2000 ، ص5.

<sup>126</sup>- ببيسون ، اوكونر ، مرجع سابق ، ص186،187.

<sup>127</sup>- نفس المرجع ، ص176 ، 177.

## أولاً: الحدود المفردة Singular terms

”تُستعمل الحروف الأولى من اللغة الإنجليزية\* ببدءاً من (a) إلى

(v) في ترميز أسماء العلم Proper Names (سقراط وزيد) ، وأيضاً

الأسماء التي تتفق على كونها تشير إلى أشياء ذاتها ، مثل الأرض ،

والقمر ، ورئيس منظمة التحرير الفلسطينية ، وسكرتير عام الأمم المتحدة

، وما شابه ذلك - والتي نطلق عليها الأوصاف المحددة Definite

- . وعادة ما يستعمل الحرف الأول من اسم أو وصف description

الشيء المشار إليه ، مثال ذلك يستعمل الرمز (S) للإشارة إلى سقراط ،

والرمز (K) للإشارة إلى القمر ، وفي حال تكرار الحرف الأول عند أكثر

من مسمى نجأ إلى الحرف الثاني ، وهكذا.“<sup>128</sup>

”أو أن نضع رقماً أسفل الرمز Subscript نوضح به أن هذا

الرمز يشير إلى اسم أو وصف يختلف عن الرمز التالي المتفق معه في

نفس الرسم.“<sup>129</sup> فمثلاً لو أن لدينا في القضية المراد ترميزها اسمان

---

<sup>128</sup> - نجيب الحصادي ، مرجع سابق ، ص 230

<sup>129</sup> - Gamut, L.t.f. opcit., p65

يبدأن بالحرف "S" مثل "سocrates و Socrates" ، فإننا نرمز لـ "socrates" بالرمز  $(S_1)$  و لـ "Socrates" بالرمز  $(S_2)$  وهكذا .

## ثانياً: المحمولات **Predicates**

"المحمولات" هي تصورات ترد في قضايا ذات موضوع واحد.

وتتميز المحمولات عن الحدود الأخرى بعدد من الخصائص الهامة ومن أهمها صلة هذه المحمولات بما يسمى "الدلالة" . فمن المحمول الواحد تنشأ طائفة من المعانى المتصلة بها . ففضلاً عن "إنساني" و "إنسانية" التي لا تختلف إلا من الوجهة النحوية ، نجد "إنسان" ، "أحد الناس" ، "إنسان ما" ، "أى إنسان" ، "كل إنسان" ، "جميع الناس" ، وجميعها متميزة حقاً الواحدة عن الأخرى ودراسة هذه المعانى المختلفة حيوى للغاية لكل فلسفة رياضية ، وهذا ما يجعل من منطق المحمول نظرية هامة."<sup>130</sup>)

ويختلف نوع المحمولات تبعاً لتعدد الموضوعات أو الحدود التي يحمل عليها ، "فقد يكون المحمول أحادياً Monadic Predicate - أى انه محمولاً على حد أو موضوع واحد - ويسمى في هذه الحالة "صفة" ،

---

<sup>130</sup>- برتراند راسل- مرجع سابق ، ص 91، 92.

ومثالها الصفة المعبر عنها بلفظة (حليم) ، وبلفظة (جبار) ، وقد يكون المحمول متعدداً - أي أنه محمولاً على حدين فما أكثر - ويسمى في هذه الحالة "علاقة" ، ومن الواضح أن العلاقة قد تكون ثنائية مثل علاقة "أكبر من" ، وعلاقة "إلى الشمال من" ، وقد تكون العلاقة - المحمول - ثلاثة مثل "بين" فنقول "تقع الإسماعيلية بين السويس و بور سعيد" وهكذا. وباستعمال الرموز التي تشير إلى أشياء بعينها يتسرى لنا التعبير عن قضايا تتحدث عن اتصافها بصفات بعينها.

(131)

### ثالثاً: المكممات \*Quantifiers

"تقوم عملية التكميم أو التسوير على فكرة السور المعروفة منذ المنطق التقليدي ، فالكممات أو ما يسمى أحياناً باسم عوامل الإجراء

<sup>131</sup> - نجيب الحصادي ، مرجع سابق ، ص 230

\* يفضل البعض استخدام لفظ "مكم" من بينهم د.نجيب الحصادي، كما يفضل آخرون استخدام لفظ "سور" "وتسمى كل أداة من هذه الأدوات اللفظية "سوراً" ؛ لأنها تحيط بالقضية إحاطة السور بقطعة الأرض ، فتحدد كمها وكيفها<sup>132</sup> ، وعلى ذلك يجوز إطلاق لفظ "سور" ولفظ "مكم" على نفس الرموز ، دون تقضيل لاستخدام أحدهما على الآخر. وبرغم أن لفظ "سور" هو الأكثر استخداماً ، حتى بين المناطقة العربية القدامى، إلا أن الباحث يرى أن استخدام لفظ مكم هو الأدق من حيث التعبير، وأيضاً الأدق من حيث الترجمة الإنجليزية = = لكلمة Quantifier.

Operators هي - في المنطق التقليدي - تلك الألفاظ التي تعبّر عن

التمكيم في القضية ، ونستطيع أن نميز في الأسوار بين نوعين : المكمم

الكلى Existential Universal quantifier ، المكمم الوجودى

<sup>133</sup>) quantifier ”ويستعمل الرمز ( $\forall$ ) للإشارة إلى المكمم أو السور

الكلى - الذي يعبر عنه عادة باللفظ (كل) - ، ويستعمل الرمز ( $\exists$ )

للإشارة إلى المكمم الوجودى - الذي يعبر عنه باللفظ (بعض).“<sup>134</sup>)

”ويمكننا من خلال استخدام المكممات - في التعبير عن حجة“

معينة ، سواء عن عدد أو كمية أو شئ - أن نقول أن هذه الأشياء

تستوفى شرطاً ما ، فإنهم يتاحوا لنا أن نقول بأن : كل الأشياء تستوفى

شرطأً ما ، أو : على الأقل يوجد شئ واحد يستوفى شرطاً ما،“<sup>135</sup>)

وعلى ذلك صح القول بأن ”كثير من القوة التعبيرية لمنطق المحمول لا

تكمّن في الروابط المنطقية - مثل منطق القضايا - بقدر ما تكمّن في

المكممات.“<sup>136</sup>)

<sup>133</sup> - محمد مهران ، مقدمة في المنطق الرمزي ، ص200.

<sup>134</sup> - نجيب الحصادي ، مرجع سابق ، ص231.

<sup>135</sup> - Barwise, J.& Etchemendy, J., Op.Cit., p116

<sup>136</sup> - Ibid.,p115

”يرجع استخدام العلامات للأسوار في المنطق الرمزي بصفة عامة إلى بيرس Peirce الذي أدخل في منطقه ، وقدم الرمزين ( $\pi - \Sigma$ )

للتعبير عن السور الكلى ، أو السور الجزئي على الترتيب.“<sup>(137)</sup> وعلى الرغم من أن السبق في تناول الأسوار وترميزها كان لبيرس ، ”إلا أنه كان مهتماً فيها بتطوير منطق العلاقات فقط ، بينما استخدم فريجه تحليله للأسوار لإقامة مبادئ نظرية منطق المحمول ، وهي نظرية غريبة على بيرس.“<sup>(138)</sup>

”وهكذا يتسعى لمنطق المحمول - عبر استعمال مثل هذه المفردات - من النفاذ إلى باطن القضايا، التي يعتد منطق القضايا بأوليتها، ليكتشف فيها دلالات وتفاصيل يغض هذا المنطق الأخير الطرف عنها كلية. هذا بالضبط هو السبيل الذي ينتهجه منطق المحمول للإفصاح عن أحكامنا الديهية الخاصة بسلامة براهين لا يعتد منطق القضايا بسلامتها.“<sup>(139)</sup>

<sup>137</sup>- عزمى إسلام ، أسس المنطق الرمزي ، ص285.

<sup>138</sup>- محمود فهمي زيدان ، مرجع سابق ، ص141.

<sup>139</sup>- نجيب الحصادي ، مرجع سابق ، ص231.

وبعد أن تكشف لنا طبيعة دور كل رمز في المصطلح الرمزي لمنطق المحمول، نأتي للحديث عن الكيفية التي تتركب على غرارها هذه الرموز أيضاً، وما تمثله من دلالات في قضايا منطق المحمول متعددة الأنماط.

”الواقع أن أهم وسيلة لاكتشاف ماهية نظرية المنطق هي المَنْطَقَة ذاتها...، وتظهر نظرية المنطق من خلال نوعية الممارسة للعمليات المنطقية ابتداء من مفهومات واضحة عن الطريقة التي يتبعها المرء في بناء القضايا والاستناد إلى صدقها وتحقيق بنائها اللغوى والتركيبى.“<sup>140</sup>)  
والواقع أن لمنطق المحمول مجموعة من القواعد الترکيبیة ، ”فضلاً عن تلك القواعد التي يستقيها من منطق القضايا ، إلا أنه يمتلك قواعد تركيبية خاصة به ، وهى :-

1- يعتد منطق المحمول بكل القضايا التي تجيزها قواعد منطق القضايا الترکيبیة.

2- تعد القضايا المعبر عنها باستعمال الرموز التي تشير إلى أشياء بعينها وباستعمال المحمولات قضايا أولية ، شريطة أن يرد رمز

---

<sup>140</sup>- أليس أمبروز ، موريس لازيروفيتش ، أوليات المنطق الرمزي ، ص44.

واحد بعد كل محمول أحادى ، ورمزان بعد كل محمول ثانى ،

وهكذا ...

3- تعد القضايا المكممة أو ذات الأسور - سواء كان السور كلياً أم

جزئياً - قضايا مركبة ، كما تعد تلك الأسور روابط أساسية ؛ وفي حال

استعمال المتغيرات مع المحمولات ، يسرى الشرط الخاص بأعدادها بنفس

الطريقة السالفة ذكرها في الفقرة السابقة.”<sup>141</sup>)

”إذا كان استيعاب تلك القواعد ومن قبلها مفردات لغة منطق

المحمول ، رهن بتطبيقاتها على أكبر قدر من الأمثلة“<sup>142</sup>)، فإن الباحث

سيسير على هذا النهج ، مقسمًا الأمثلة إلى : قضايا مفردة Singular

وقضايا عامة General Propositions ، وقضايا Propositions

متعددة الأسور Multiple Quantification Proposition ، والقضايا

اللاقياسية Nonstandard Propositions ، وكيفية ترميزها في منطق

المحمول .

---

<sup>141</sup>- نجيب الحصادي ، مرجع سابق ، ص 232.

<sup>142</sup>- نفس المرجع ، نفس الصفحة.

### 3:3 ترميز القضايا في منطق المحمول

#### 1:3:3 ترميز القضايا المفردة

"يمكن النظر إلى العديد من الجمل - في اللغة العربية أو الإنجليزية -

على أنها تتكون من جزئين : الأول تعبير يستخدم للإشارة إلى "فرد" ،

وآخر يستخدم لإسناد خاصية ما إلى هذا الفرد. دعنا نسمى التعبيرات من

النوع الأول "حدود مفردة" ، والنوع الآخر "محمولات" والقضايا المركبة من

حدود مفردة ومحمولات تعرف باسم "القضايا المفردة" أو "الشخصية" \*

أو إن شئت "قضايا ذرية" <sup>145</sup> Atomic Prop.. . ولکی نعرف <sup>144</sup>)

---

\* من النقاط التي يختلف فيها المنطق الرمزي عن المنطق التقليدي ، هي نظرته للقضية الحاملية Categorical Proposition . فالقضية المفردة أو الشخصية هي القضية الحاملية بالمعنى الدقيق ، أما القضية الكلية أو العامة - ذات الأشكال الأربعية- فإنها ليست حاملية إذ لا تحوى موضوع حمل بالمعنى الدقيق ، وإنما تتطوى على علاقة معنية بين محمولين. وقد اعترف رسل أنه تعلم التمييز بين القضية المفردة وال通用 من بيانو ، وإن كان عرف من بعد أن فريجه عرف التمييز قبل بيانو. أنظر : محمود فهمي زيدان ، مرجع سابق ، ص180.

<sup>144</sup> - Pospesel, H., Op.Cit., p5

<sup>145</sup> - Gamut, L.t.f., Op.Cit., p65

القضية المفردة أكثر ، يجب أن نعرف طبيعة وأشكال الحد المفرد والمحمول.

”للحد المفرد خاصية أساسية هي أنه عادة ما يستخدم للإشارة إلى فرد ، ولكن سيستخدم على نحو شامل ليس لإحصاء الأشخاص فقط بل للحيوانات ، والأنهار ، والمدن ، والنباتات ، والصخور ، والأعداد وهكذا.. كأفراد . والحدود المفردة لها أشكال متعددة فهي :

- اسم علم ، مثل : أحمد ، علي ، جون

- أو ضمير ، مثل : هو ، هي ، هؤلاء

- أو وصف محدد مثل : مخترع المصباح الكهربى ،

رئيس مصر الحالى ، أخت محمد الوحيدة .

وفي منطق المحمول نرمز إلى الحدود المفردة - كما سبقت الإشارة -

بحروف صغيرة Lower-Case من الأبجدية الإنجليزية من (a) إلى (v)

. أما المحمولات فيمكن تصنيفها تبعاً لمقاطع متعددة من الحديث ”<sup>146</sup>

: مثل

---

<sup>146</sup> - Pospesel, H., op.cit.,p6

أجزاء الحديث	المحمول
فعل	ينام
فعل + ظرف	ينام بعمق
فعل + اسم	يتحدث العربية
رابطة + صفة	يكون جشع
رابطة + شبه جملة	يكون من القاهرة

وذلك هي الأشكال التي يمكن أن يظهر بها المحمول في القضية. ومن

أمثلة القضايا المفردة ما يلى:

(1) أحمد شجاع.

(2) أول رجل مشى على القمر كان أمريكاً.

(3) هي ترقص على أنغام الموسيقى.

(4) أخت محمد الوحيدة جميلة.

وإذا ما أردنا ترميز هذه القضايا وفق مفردات لغة منطق المحمول ، ووفق

قواعد التركيبية ، فإن ترميزها سيكون على التوالى كالآتى:

(ترمز "S" إلى المحمول "شجاع" ، وترمز "a" إلى اسم

العلم "أحمد")

(ترمز "A" إلى المحمول "كان أمريكاً" ، وترمز "٢" إلى

الوصف المحدد "أول رجل مشى على القمر")

(ترمز "T" إلى المحمول "ترقص على أنغام الموسيقى" ،

وترمز "h" إلى الضمير "هي").

(ترمز "G" إلى المحمول "جميلة" ، وترمز "O" إلى الوصف

المحدد "اخت محمد الوحيدة")

"طلت القضايا ذات الصيغة (موضوع - محمول) هى القضايا"

المفردة فقط التى تؤخذ بعين الاعتبار ، حتى نهاية القرن التاسع عشر .

بالرغم من وجود أنواع أخرى من القضايا المفردة ليست مكونة من الصيغة

\* يضع بعض المناطقة الحد المفرد بين قوسين Parentheses ، فالقضية المشار إليها -Sa - ترمز عندهم كالتى : S(a) ، إلا أن هذا التقليد وفقاً لكتاب Copi أصبح غير متبناً . كما أن وضع الأسوار كلية أو جزئية مقتنة بالمتغير بين قوسين مثل (x)  $\forall$  ، قد اخترى فى الكتابات المنطقية الحديثة . انظر فى ذلك Copi, I.M., Symbolic Logic, The Macmillan Company, London, 3ed., 1967. P72 - Tymoczko, T., & Henle, J., Op.Cit., p214.

(موضوع - محمول) ، تلك القضايا التى تقرر وجود شيئين تربطهما

علاقة ما، مثل :

- أحمد أطول من محمد .

- طارق يضرب الكرة .

- على يعجب بفاطن وهكذا...

وبالطبع توجد طرق لغوية يمكننا من خلالها تمييز الموضوع

والمحمول فى تلك القضايا ، فمثلاً الموضوع فى القضية الأولى هو

(أحمد) و محمولها هو (أطول من على) .

أما إذا كنا مهتمين بدراسة التقкиير ، فإن تناولاً آخر سيبدو أكثر

قبولاً . فإذا أخذنا قياساً كتالى :

- أحمد أطول من محمد .

- محمد أطول من طارق .

.: أحمد أطول من طارق .

فإن هذا القياس صحيح على حالته اللغوية هذه ، أما إذا حولناه

إلى صيغة القضايا المفردة - المُرمَّزة بالطريقة سالفـة الشرح - فسيكون

كالآتى :

(ترمز "M" هنا إلى "أطول من محمد" ، وترمز "a" إلى

"أحمد". وهكذا في بقية القياس)

Tm

.: Ta

وهو بالطبع قياساً خاطئاً، وذلك لأن الصدق فيه متوقفاً على

معالجة العلاقة (أطول من) التي تربط بين الحدود . ولذلك السبب ، فإن

لغة منطق المحمول قد اصطنعت رموزاً لتحمل محل العلاقات التي تنشأ

بين شيئين أو أكثر . ووفقاً لذلك ، فإن القياس السابق يمكن ترميزه على

النحو التالي :

(ترمز "T" إلى "أطول من" ، (a) إلى أحمد ، (m) إلى

محمد ، (t) إلى طارق)

Tmt

(<sup>148</sup>) “ .: Tat

<sup>148</sup> - See: Gamut, L.t.f.,op.cit.,p66-67

\* هذه الأمثلة مستوحاة من حيث صورتها من: - Gamut, L.t.f.,op.cit.,pp68

70 ، إلا أن الباحث قد عدل من مضمونها.

وهذه طائفة من الأمثلة<sup>\*</sup> التي توضح الصور التي تظهر عليها

القضايا المفردة العلائقية، وأيضاً كيفية ترميزها :

(1) طارق يعجب نفسه.

$\forall t$

(ترمز "Y" إلى العلاقة "يعجب" ، وترمز "t" إلى "طارق" ، وفي حالة

وجود ضمير منعكس مثل "بنفسه" يكرر نفس الرمز الذي يشير إلى الحد

المفرد في القضية.)

(2) محمد رجل قوى .

$Rm \wedge Km$

(ترمز "R" إلى المحمول "رجل" ، وترمز "K" إلى المحمول "قوى" ، حيث

أنهما ليسا محمول واحد ، ترمز "m" إلى "محمد")

(3) على ومحمد صديقان حميمان

$Sam$

(ترمز "S" إلى "صديقان حميمان" فاللفظان معاً يستعملان هنا كمحمول

واحد فلا يجوز القول مثلاً على ومحمد حميمان مثلاً كان جائزًا في

القضية السابقة "محمد رجل قوي" ، فيجوز أن نقول "محمد رجل" ،

"محمد قوي Km."

(4) أحمد أطول من محمد أو محمد أطول من أحمد

$Tam \vee Tma$

(لاحظ أن تبديل الحدود المفردة يؤدي إلى تغيير معنى القضية)

(5) أحمد ومحمد يحب كل منهما الآخر

$Ham \wedge Hma$

(لاحظ أن العلاقة هنا تبادلية)

وتبرز الحاجة في القضايا المفردة العلاقية إلى التعبير عن الهوية

أو التساوى بين شيئين "ولهذا السبب نقدم ثابت منطقي جديد وهو ="

والذى دائماً ما يفسر على أنه علاقة تساوى أو هوية . ومعنى الهوية هنا

ليس هو الهوية بين شيئين ، إنما يعني أن الشيئين يشبه كل منهما الآخر

بشدة ، مثل التوائم المتاجنة ، فعندما نقول  $A=B$  فإننا نعني أن

يشيران إلى نفس الشيء . والأمثلة<sup>149</sup> على ذلك متعددة منها :

طارق يحب سعاد ، لكن سعاد تحب شخصاً ما آخر

---

<sup>149</sup> - Ibid., p70.

وترمز على النحو التالي:

$$\text{Lst} \wedge \exists x \text{ Lsx} \wedge x \neq t$$

(وتقرأ : طارق يحب سعاد ويوجد فرد واحد على الأقل  $x$  بحيث أن سعاد

تحب  $x$  ،  $x$  لا يساوى طارق.)

طارق لا يحب سعاد ولكن يحب فتاة أخرى

وترمز كالتالى :

$$\sim \text{Lts} \wedge \exists x (\text{Ltx} \wedge x \neq s)$$

(وتقرأ : لا يحب طارق سعاد ويوجد فرد واحد على الأقل  $x$  ، بحيث أن

طارق يحب  $x$  ،  $x \neq$  سعاد.)

طارق لا يحب أحد سوى سعاد

ترمز كالتالى :

$$\forall x (\text{Ltx} \leftrightarrow x = s)$$

(وتقرأ : لكل  $x$  ، إذا كان طارق يحب  $x$  لزم عن ذلك أن  $x =$  سعاد

والعكس.).

### 2:3:3 ترميز القضايا العامة

”إذا كنا نعرف القضية المفردة بأنها القضية التي تحتوى على حد

مفرد واحد أو أكثر فسوف نطلق على القضية التي لا تحتوى على أى حد

مفرد ”قضية عامة“ General Proposition فالقضية العامة تتعلق بأفراد

من نوع أو نمط معين دون أن تشير إلى فرداً معيناً.“<sup>150</sup> فمثلاً :

القضية العامة ”بعض المبدعين مصريون“ ، تشير إلى فئة المبدعين وفئة

المصريين دون أن تشير إلى فرد معين في كلتا الفئتين أو تحدهه ، وذلك

على عكس القضية المفردة التي تحدد أن فرداً معيناً يحوز صفة معينة أو

على علاقة معينة مع فرد أو مجموعة أفراد آخرين.

”منذ أن أنشأ أرسطو Aristotle 384-322ق.م) المنطق القياسي

Syllogistic Logic منذ 2400 عام تقريباً ، والمنطقة مهتمون بالقضايا

العامة على وجه الخصوص \* والتي تظهر على الصور الأربعية : الكلية

<sup>150</sup> - Pospesep,H.,op.cit.,p7

\* ربما نما هذا الاهتمام من جراء اهتمام المنطق بصياغة قواعد وقوانين عامة ، دون النظر إلى أمور فردية بعينها ، واتضح ذلك في عدم اكتتراث المنطق التقليدي بمعالجة القضايا المفردة كما سبقت الإشارة.

الموجبة ، الكلية السالبة ، الجزئية الموجبة ، الجزئية السالبة . وفي منطق

المحمول ينظر إلى أي واحدة من هذه القضايا الأربع على أنها تحتوى

على محمولين.“<sup>151</sup>

”كما نلاحظ أن صياغة القضية الكلية-موجبة أو سالبة - تختلف

عن صياغة الجزئية -موجبة أو سالبة- فى أن القضية الكلية تحتوى على

السور الكلى (>All) ، وثبتت التضمن أو اللزوم (→) الذى ينطوى على

شرط ، بينما تحتوى القضية الجزئية على السور الوجودى (Exists) ، وثبتت

الوصل (And) والذى لا ينطوى على صيغة الشرط.“<sup>152</sup> وسيبدو ذلك

جلياً عند التعرض لترميز مثل تلك القضايا\*

<sup>151</sup> - ibid.,p8

<sup>152</sup> - محمود زيدان ، مرجع سابق ، ص225

\* يلتزم الباحث بما جاء فى الكتب المنطقية الحديثة من تناول وصيغ لهذه القضايا

، أما الأمثلة فهى من عنده، كما دعمها بالشرح والتحليل. انظر فى ذلك مثلاً :

- Tymoczko,t.&Henle,J., Op.Cit., p214:219.
- Gamut,L.t.f.,op.cit.,pp70:74.
- pospesel,H.,op.cit.,pp7:14.

**أولاً: القضية الكلية الموجبة:**

وهي القضية التي تثبت أن فئة بأسرها تحوز صفة معينة فيشمل

حكمها "كل" أفراد الفئة بلا استثناء ، مثل: "كل الشباب ملتزمون" ،

ويكافئها منطقياً كلاً من القضايا الآتية:

1. أي شاب ملتزم.

2. الشباب هم كل الملتزمون.

3. الشباب دائمًا ملتزم.

4. الشباب ملتزمون.

5. فقط الشباب يكونوا ملتزمون .

6. لا واحد إلا الشباب يكون ملتزم

وكلها تأخذ الضيغة الرمزية :

$$\forall x (Sx \rightarrow Mx)$$

(وتقرأ : لكل  $(x)$  ، إذا كان  $(x)$  شاب ، إذن  $(x)$  ملتزم) ونلاحظ أن

القضية تكتب وتقرأ من اليسار لليمين. وإذا أردنا تمثيل أي قضية كلية

موجبة - والتي تأخذ أي من الصور السابقة - فإنها سوف تأخذ نفس

الصيغة الرمزية السابقة ، وأن التغيير سوف يكون في مجرد تغيير الرموز الدالة على المحمولات ، وقل مثل ذلك على القضايا الثلاثة التالية.

### ثانياً: القضية الكلية السالبة:

وهي عكس الكلية الموجبة ، أي أنها تنفي أن فئة بأسرها تحوز صفة معينة ، وأيضاً يشمل حكمها هذا "كل" أفراد الفئة بلا استثناء ، مثل: "لا واحد من المسلمين إرهابي" ، ويكافئها منطقياً كلاً من القضايا الآتية:

1. المسلمين ليسوا إرهابيين.
2. لا واحد يكون كل من مسلم و إرهابي.
3. المصريون الإرهابيون غير موجودين.
4. لا يوجد إرهابيون مسلمون.

وكلها تأخذ الصيغة الرمزية

$$\forall x (Mx \rightarrow \sim Ex)$$

(وتقرأ : لكل (x) ، إذا كان (x) مسلم ، إذن (x) ليس إرهابي)

ويجب أن ننتبه إلى وضع ثابت النفي في القضية ، فإن أي تبديل في موضعه سوف يعطي معناً مغايراً لمعنى القضية الكلية السالبة ، وعلى ذلك فإن الصيغة الرمزية التالية لا تعد صيغةً معتبرة عن القضية الكلية السالبة وهي:

$$\sim \forall x (Mx \rightarrow Ex) \quad (1)$$

(وتقرأ: من الخطأ القول بأن كل مسلم إرهابي)

$$\forall x \sim (Mx \rightarrow Ex) \quad (2)$$

(وتقرأ : كل ما ليس مسلماً ، ليس إرهابياً)

$$\forall x (\sim Mx \rightarrow \sim Ex) \quad (3)$$

(وتقرأ : كل ما ليس مسلماً ، يكون إرهابي)

### ثالثاً: القضية الجزئية الموجبة:

وهي القضية التي تثبت أنه يوجد فرد واحد على الأقل ، بحيث أن هذا الفرد يحوز على صفة كذا ، وصفة كذا ، فإذا قلنا مثلاً : "بعض

الجند مهملون" \* ، فإن ذلك يعني وجود فرد واحد على الأقل يتتصف بأنه جندي (و) أنه مهمل . ويمكن أن تظهر القضية الجزئية الموجبة بمترادفات لغوية متعددة ، مكافئة لها منطقياً وهى :

(1) يوجد على الأقل جندي واحد مهمل.

(2) الجنود أحياناً يكونوا مهملون.

(3) يوجد الجنود الذين يكونوا مهملون.

(4) العديد من الجنود يكونوا مهملون.

(5) الجنود الذين هم مهملون موجودون

وكلاها تأخذ الصيغة الرمزية:

$$\exists x (Gx \wedge Mx)$$

(وتقرأ : يوجد على الأقل فرد واحد ( $x$ ) يكون جندي ، ويكون مهملاً)

\* إن وجود ألفاظ مثل : معظم ، غالبية ، قلة من ، قلة قليلة من ، نفر من ، هي داخلة أيضاً في نطاق الألفاظ المعبرة عن قضايا وجودية ، أما عملية إظهار تقاوت درجات "التبعيض" ، فهي خارجة عن نطاق منطق المحمول في وضعه الراهن . "إذا سائلنا عن كم يجب أن يكون عدد "الجنود مهملون" لكي تكون القضية صادقة ، فإن وجود جندي واحد مهملاً كافي لأن تكون القضية "بعض الجنود مهملون" صادقة ."

أنظر : Posselel,H.,op.cit.,p9

**رابعاً: القضية الجزئية السالبة:**

وهي عكس الجزئية الموجبة ، حيث تثبت أنه يوجد فرد واحد على

الأقل بحيث أن هذا الفرد يتتصف بـكذا ، ولا يتتصف بـكذا . فإذا قلنا مثلاً :

"بعض الرجال ليسوا أقوياء" ، فإن ذلك يعني وجود فرد واحد على الأقل ،

يتتصف بأنه رجل ، ولا يتتصف بأنه قوي. وأيضاً للقضية الجزئية السالبة

مترادافات لغوية تكافئها منطقياً مثل :

1) على الأقل يوجد رجل واحد وليس قوياً.

2) يوجد الرجال الذين ليسوا أقوياء.

3) ليس كل الرجال أقوياء .

وكلاها تأخذ الصيغة الرمزية :

$$\exists x (Rx \wedge \sim Kx)$$

أيضاً يجب أن ننتبه إلى وضع ثابت النفي في القضية ، فإن أي

تبديل في موضعه -كما سبقت الإشارة - سوف يعطى معناً مغايراً لمعنى

القضية الجزئية السالبة ، فإذا كان لدينا قضائياً مثل :

1) يوجد شخص ما ليس كلاً من رجل وقوى.

2) من الخطأ القول أنه يوجد الرجل الذي يكون قوى.

فإن صيغتهما الرمزية ستكون على التوالي :

$$\exists x \sim (Rx \wedge Kx)$$

$$\sim \exists x (Rx \wedge Kx)$$

ولعله أصبح جلياً الآن قيمة هذه التعبيرات الرمزية ، من خلال القوة التعبيرية التي زودت بها المنطق الرمزي ، وأيضاً قدرتها التحليلية ، وإظهار بنية القضايا ، وما بين عناصر القضية الواحدة من علاقات ، والتي ما كان للمنطق التقليدي أن يصل إلى كل هذا بجهازه الرمزي المتواضع. ”وعلى ذلك لم تذكر هذه التعبيرات لمجرد معارضته الصياغة الأرسطية ، بل إن علاقة مثل ”علاقة التناقض“  $\sim$  والتي تنشأ بين القضية الكلية السالبة والجزئية الموجبة ، ما كانت لظهور في التعبير التقليدي ، يقدر ما تتضح بمجرد النظر إلى هذين التعبيرين:

$$\sim \exists x (Rx \wedge Kx)$$

(وتقرأ: من الخطأ القول أنه يوجد الرجل الذي يكون قوي ، أى ”لا

رجل قوي“)

$$(بعض الرجال أقوىاء).“<sup>154</sup>  $\exists x (Rx \wedge Kx)$$$

---

<sup>154</sup> - محمد مهران ، مقدمة في المنطق الرمزي ، ص211،212.

وإذا كانت لغة المنطق التقليدي قاصرة عن أن تحاكي اللغة الرمزية الحديثة في تمثيلها للقضايا ، فإنه على العكس ، يثبت المنطق الرمزي -  
بلغاته المتعددة ومنها المنطق المحمول - قدرته على تمثيل قلب المنطق التقليدي ، وهو "نظيرية القياس" . "إذا نظرنا - مثلاً - إلى الضرب الأول من الشكل الأول في القياس الأرسطي ، والذى على الصورة: Barbara

كل A هي B

كل C هي A

∴ كل C هي B

وأردنا تمثيله بلغة منطق المحمول ، فإنه سيبدو على الصورة التالية:

$$\forall x (Ax \rightarrow Bx) , \forall x (Cx \rightarrow Ax) \therefore \forall x (Cx \rightarrow Bx)$$

(<sup>155</sup>)

ولعل تعدد وتتنوع المثال من شأنه أن يثبت القوة التعبيرية لهذه النظرية ، كما من شأنه أيضاً أن يغير من صورة المثال والتي كثيراً ما

---

<sup>2</sup>- ماهر عبدالقادر ، مرجع سابق ، ص132.

ارتبطت بجمل معينة مثل : سocrates فان ، كل العرب أحرار وغيرها..، والتي ربما توحى بأن هذه اللغات قد جعلت خصيصاً للتعبير عن هذه القضايا دون غيرها . وهناك نماذج من آيات قرآنية ، وأحاديث شريفة ، وأمثال تستطيع لغة منطق المحمول التعبير عنها في قوالب رمزية. بل الأكثر من ذلك ، أن "بوسيسل" يبالغ في مقدرة هذه اللغة قائلاً : "أنها تقوى من قدرتك على تمثيل الحجج الحملية التي تصادفك في حياتك اليومية سواء عند قراءة كتاب أو جريدة أو في حوار بينك وبين شخص آخر أو حتى عندما تشاهد التلفاز."<sup>(156)</sup>

وهذه طائفة من الأمثلة<sup>(157)</sup> التي ثبت ذلك ، وفي المقابل صياغتها الرمزية :

<sup>156</sup> - Pospesel,H., Op.Cit., student's preface.

<sup>157</sup> - نجيب الحصادي ، مرجع سابق ، ص 234،235 \* لقد أعطى د. نجيب الحصادي في كتابه "أسس المنطق الرمزي المعاصر" ص 235 لهذا المثال الصيغة الرمزية:

$$[\sim(\exists x)(Ex \wedge \sim Ixg) \wedge Rmg]$$

وهي صيغة خطأة لسببين :

الأول: أنه أعطى للقضية خمسة رموز بينما هم أربعة : إله (E) ، الله (a/g) ، محمد (m) ، رسول (R) ، أما الحرف (إلا) المشار إليه بالرمز (i) فلا يرمز لأنّه حرف يفيد الاستثناء ، وليس حداً مثل "الله" أو "محمد".

الثاني: أنه لو افترضنا أن هذا الحرف (إلا) يرمّز ، فلابد أن تكون الصيغة كالتالي :

(1) "لا إله إلا الله ، محمد رسول الله"

صيغتها الرمزية :

$$[\sim \exists x (Ex \wedge$$

$$x \neq a) \wedge Rma]$$

(وتقرأ : من الخطأ القول بوجود فرد واحد على الأقل ( $x$ ) ، بحيث أن ( $x$ )

$\in$  الله ، و( $x$ ) لا يساوى الله ، ومحمد رسول الله\*)

"(2) كل حزب بما لديهم فرلون"

صيغتها الرمزية:

$$\forall x$$

$$(Hx \rightarrow [\forall x (Lxy \rightarrow Fxy)])$$

$$\forall x (Ex \rightarrow \sim Ixg) \wedge Rmg$$

(وتقرأ : لكل  $x$  ، إذا كن  $x$  في الله ، لزم عن ذلك أن  $x$  ليس إلا الله ، ومحمد رسول الله.)

وهذا يختلف قطعاً عن الصيغة السابقة والتي تقرأ :

(من الخطأ القول بوجود  $x$  ، بحيث أن  $x$  في الله ، و $x$  ليس إلا الله ، ومحمد رسول الله)

أما إذا افترضنا أن الحرف ((إلا)) يحذف وتبقى أربعة رموز للقضية ، فإنها سوف تكون

على الصيغة التالية:

$$\sim \exists x (Ex \wedge \sim g_x) \wedge Rmg$$

(وتقرأ : من الخطأ القول بوجود  $x$  ، بحيث أن  $x$  في الله ، و $x$  ليس إلا الله ، ومحمد رسول

الله). وهي أيضاً خاطئة.

(وتقراً : لكل  $(x)$ ، إذا كان  $(x)$  حزب، لزم عن ذلك أنه لكل  $(y)$  ، و  $(x)$  لديه

$(y)$  ، فإن  $(x)$  فرح بـ  $(y)$  )

"(3) كل يوم هو في شأن"

صيغتها الرمزية :

$$\forall x (Yx \rightarrow Sgx)$$

(وتقراً : لكل  $(x)$  ، إذا كان  $(x)$  يوم، فإن الله في شأن  $(S)$  في هذا اليوم)

"(4) كل من عليها فان"

وصيغتها الرمزية:

$$\forall x (Axa \rightarrow Fx)$$

(وتقراً : لكل  $(x)$ ، إذا كان  $(x)$  على  $(A)$  الأرض  $(a)$  ، لزم عن ذلك أنه

فان)

أو من الممكن حذف الرمز الدال على الأرض  $(a)$  لأنها غير موجودة

وصراحة في القضية ، فتصبح على الصيغة التالية:

$$\forall x (Ax \rightarrow Fx)$$

حيث أن  $(A)$  تعنى "عليها".

"كل راع ، وكل راع مسؤول عن رعيته"

وصيغتها الرمزية:

$$\forall x (Ex \rightarrow Rx) , \forall x (Rx$$

$$\rightarrow [\forall y (Ayx \rightarrow Mxy)])$$

(وتقرأ : لكل  $(x)$  ، إذا كان  $(x)$  إنسان ، فإنه راع ، وكل  $(x)$  ، إذا كان

$(x)$  راع ، فإن لكل  $(y)$  ، إذا كان  $(y)$  رعية  $(x)$  ، فإن  $(x)$  مسؤول عن

$$. (.) (y)$$

"كل إماء بالذى فيه ينضح"

وصيغتها الرمزية:

$$\forall x (Ex$$

$$\rightarrow [\forall y (Fyx \rightarrow Yxy)])$$

(وتقرأ : لكل  $(x)$  ، إذا كان  $(x)$  إماء ، فإن لكل  $(x)$  إذا كان  $(y)$  فى  $(x)$

$$, فإن (x) ينضح ب(y)).$$

"(7) ما كل ما يتمنى المرء يدركه"

صيغتها الرمزية:

$\sim \forall x$

$$(\exists x \rightarrow \forall y(Txy \rightarrow Dxy))$$

(وتقرأ : من الخطأ القول بأن لكل ( $x$ ) ، إذا كان ( $x$ ) مره، فإن لكل ( $y$ )

، إذا كان ( $x$ ) يتمنى ( $y$ ) ، فإن ( $x$ ) يدرك ( $y$ ) .

### 3:3:3 ترميز القضايا اللاقيسية والقضايا متعددة الأسوار

أولاً: القضايا اللاقيسية:

"دائماً ما ننظر إلى القضايا المفردة والقضايا العامة ، على أنها

قضايا قياسية أو معيارية - أي أنها فقط هي النموذج الذي تتركب على

غراره القضايا التي يعالجها منطق المحمول-، إلا أن هناك العديد من

القضايا ، والتي نسميها لا قياسية Non standard ، وأيضاً تعالج في

منطق المحمول.“<sup>159</sup>) وتتعدد الصور التي تظهر عليها هذه القضايا ،

فهي إما ذات محمول واحد ، أو ذات محمولين ، أو ثلاثة هكذا... .

وهذه طائفة من الأمثلة<sup>160</sup>) التي توضح ماهية هذه القضايا ،

وكيفية تمييزها.

#### ☒ قضايا لاقىاسية ذات محمول واحد:

(1) كل شئ (يكون) مادة

$$\forall x(Mx)$$

(2) شئ ما (يكون) مادة

$$\exists x(Mx)$$

(3) لاشئ (يكون) مادة

$$(Mx)$$

(4) شئ ما (لايكون) مادة

---

<sup>159</sup> - Posepesel,H.,op.cit.,p46.

<sup>160</sup> - Ibid.,pp46-48.

**☒ قضايا لا قياسية ذات محمولين:**

العديد من القضايا التي تحتوى على محمولين، ليست بالضرورة أن تكون

من الجمل العامة الأربع، فهناك قضايا أخرى مثل:

(1) بعض الأشياء إما مفيدة أو رخيصة الثمن.

$$\exists x (Mx \vee Rx)$$

(2) بعض الأشياء لا مفيدة ولا رخيصة الثمن.

$$\exists x \sim (Mx \vee Rx)$$

(3) كل شئ هو مفيد ورخيص الثمن.

$$\forall x \sim (Mx \wedge Rx)$$

والمدقق فى هذه القضايا والصيغ الرمزية المعبرة عنها ، سيد أن

الدور الذى يلعبه السور - الكلى والجزئى - هنا أكثر خطورة من ذى قبل

، فالنظر إلى القضايا العامة الأربع السابقة ، سنلاحظ أنه من الممكن

تمييزها عن بعضها دون حاجة إلى سور نميز من خلاله الكلية -موجبة

وسلبية- عن الوجودية -موجبة وسلبية- .

فإن وجود ثابت اللزوم ( $\rightarrow$ ) أو اللزم والنفي ( $\sim$  ،  $\rightarrow$ ) كاف

لتمييز الكلية الموجبة والسلبية على التوالى ، كذلك فوجود ثابت الوصل

(٨) أو الوصل والنفي (~ ، ~) كاف أيضاً لتمييز الجزئية الموجبة

والسالبة على التوالي . أما الأمر سيبدو غير ذلك في حالة هذه القضايا

ذات المحمول الواحد ، أو ذات المحمولين أو حتى الثلاثة أو أكثر .

فمثلاً القضية رقم (٣) في القضايا ذات المحمولين ، على الرغم من أن

الثابت المستخدم فيها هو ثابت الوصل -العبر عن الجزئية- إلا أن

القضية ذات سور كلي.

”وتجر الإشارة أيضاً إلى أن التعريفات Definitions تعالج في

منطق المحمول على أنها قضايا شرطية مزدوجة ذات سور كلي“<sup>161</sup>،

مثل:

(١) البر : حسن الخلق

$$\forall x (Bx \leftrightarrow Hx)$$

(٢) الفلسفة : حب الحكمة

$$\forall x (Px \leftrightarrow Hx)$$

(٣) المنطق : علم التفكير الصحيح

$$\forall x (Mx \leftrightarrow Sx)$$

---

<sup>161</sup> - Ibid., p.47.

☒ قضايا ذات ثلات محمولات:

1) كل الطيور لها رجلان وجناحان.

$$\forall x [ Tx \rightarrow (Rx \wedge Gx) ]$$

2) كل أصدقائى الأولاد لهم شعر جميل.

$$\forall x [(Ax \wedge Ox) \rightarrow Tx]$$

3) كل الطلاب كانوا إما كسالى أو

$$\forall x [ Tx \rightarrow (Kx \vee Ax) ]$$

ثانياً : القضايا متعدد الأسوار:

”سوف نطلق على الصيغ الصحيحة منطقياً WFF المشتملة على أكثر

من سور واحد ، قضايا متعددة الأسوار أو ذات تسويير متعددة، وهى تلك

القضايا التي تحتوى على صيغتين رمزيتين كل واحدة منها لها سور

واحد ، ويربط بينهما رابطة قضوية ثنائية ، مثل اللزوم أو الوصل أو

التكافؤ.“<sup>162</sup>) والأمثلة على هذه القضايا كثيرة ، ومنها :

1) بعض الدول غنية، وبعضها قير.

<sup>162</sup> - Ibid.,p.98.

$$\exists x (Dx \wedge Gx) \wedge \exists x (Dx \wedge Fx)$$

2) بعض الساسة يخطئون، وكل

الشعب يدفع الثمن.

$$\exists x (Sx \wedge Yx) \wedge \forall x (Bx \rightarrow Dx)$$

3) إذا إتحد الحكام،

لانتصر كل المسلمين.

$$\forall x (Hx \rightarrow Tx) \rightarrow \forall x (Mx \rightarrow Nx)$$

### 4:3 آليات اختبار صحة الحجج في منطق المحمول

”تواجهنا مرة أخرى في منطق المحمول المشكّلتان نفساً هما اللتان التقينا

بهمَا في منطق القضايا ، وهما مشكلتا إيجاد طريقة لتقرير الصدق

والكذب أو الصحة المنطقية لقضية أو حجة ما ، وكذلك بناء نسق مقنع

من البديهيات . وبالرغم من أن تشيرش Cheirch قد أثبتت أنه ليس في

الإمكان وضع آلية لقرير الصدق والكذب لهذا الجزء من المنطق،”<sup>163</sup>

إلا أن ذلك لم يعد صحيحاً “لقد أصبحت عملية بناء أدوات نستطيع من

خلالها تحديد ما إذا كانت قضية أو حجة ما صحيحة أم خاطئة ، لهى

واحدة من الاهتمامات الرئيسية لأي فرع من فروع المنطق.”<sup>164</sup>

ولقد اتخذ منطق المحمول من الطرق الموجودة مسبقاً في منطق

القضايا آليات قادرة على إثبات صحة قضيائه وحججه ، مثل :- البرهان

الصوري Diagrams ، وطريقة الدياجرامات Formal proof method

، وطريقة التفسير Interpretation method . وكذلك من

الخطأ الاعتقاد بأن آليات اختيار صحة الحجج شئ ، والنسق الاستباطى

Deductive system شئ آخر ، ”فإذا كنا نقول عن علم ما أنه نسق

استباطى إذا حوى عدداً من التعريفات والمبادئ و المصادرات الواضحة

والصريحة منذ البدء وبلا برهان ، ثم انتقل إلى البرهان على قضايا معينة

بطريقة الاستباط الصوري المحكم من تلك البدايات ، مستعيناً بقواعد

الاستدلال،“<sup>165</sup> ) فما ذلك إلا جزء من هذه الآليات.

<sup>163</sup>- الموسوعة الفلسفية المختصرة ، ص456.

<sup>164</sup>-Pospesel,H., op.cit.,p21.

<sup>165</sup>- محمود فهمي زيدان ، مرجع سابق ، ص34.

### ١:٤:٣ البرهان الصوري

”يحتل البرهان الصوري مكان الصدارة بين آليات اختبار صحة الحجج -

سواء في منطق القضايا أو المحمول -. والبرهان الصوري عبارة عن

قائمة من القضايا ، توضع مقدمات الحجة في أعلىها ، بينما توضع

النتيجة في أسفلها ، وكل قضية في القائمة إما أن تكون مسلماً بها ، أو

أن تكون مستتبطة بما فوقها ، وذلك من خلال تطبيق قواعد الاستدلال

وتعتبر أي من المسلمات الموجودة في القائمة مقدمة Inference Rules

للحجّة ، كما أن اكتمال البرهان في النهاية يعد إثبات لصحة الحجّة.“

(<sup>166</sup>)

والناظر إلى هذه الطريقة يجد أنها ترتكز على استعمال مجموعة

من القواعد - قواعد الاستدلال - والتي هي مستقادة بالطبع من منطق

القضايا ، وهي ثمانية عشر قاعدة استدلال تنقسم إلى نوعين : قواعد

أولية Primitive Rules وعددتها عشرة قواعد وعشرة قواعد اشت察قية

وعددتها ثمانية قواعد ، وأضف إليها ثلاثة قواعد أخرى Derived Rules

---

<sup>166</sup> -Ibid., p184

يختص بها منطق المحمول وهى قواعد الأسوار .Quantifiers Rules

ويمكن عرض هذه القواعد من خلال الجداول الآتية (1<sup>167</sup>):

### (1) القواعد الأولية:

ويمكن أن نحصر هذه القواعد في خمسة قواعد فقط بدلاً من عشرة

، إذا ما اعتبرنا الخمسة قواعد الأول هي مجرد تعريفات للثوابت المنطقية

الخمسة -النفي ، والوصل ، والفصل ، واللزوم ، والتكافؤ - ، ففيها يعرف

ثابت اللزوم -مثلاً- إذا كان اشتقاد (B) متوقفاً على التسلیم بـ(a) ، فإن

ذلك يعني أن :  $a \rightarrow B$  وهكذا ...

وموضحاً في الجدول التالي اسم القاعدة ، وفي المقابل صياغتها الرمزية:

اسم القاعدة	الصيغة الرمزية	M
اللزوم	إذا $(a \rightarrow B)$ ، و $(a)$ ، إذن $(B)$	1
الوصل	من $(a)$ و $(B)$ نستبط $(a \wedge B)$	2
الفصل	من $(a)$ و $(B)$ نستبط $(a \vee B)$	3

<sup>167</sup> -Ibid.,pp203-205

من $(a \leftrightarrow B)$ ، $a \rightarrow B$ ، أو $B \rightarrow a$	التكافؤ	4
من $(\sim a)$ نستتبط $(\sim B)$ ، من $(B)$ نستتبط $(\sim \sim a)$	النفي	5

## (2) القواعد الاستداقية:

ويتضح في الجدول التالي اسم القاعدة مقترباً بالرمز الذي

سوف يشار إليها به أثناء إجراء البرهان ، وفي المقابل صياغتها

الرمزية:

الصيغة الرمزية	اسم القاعدة	م
إذا $(a \rightarrow B)$ و $(\sim B)$ إذن نستتبط $(\sim a)$	إنكار التالى (MT)	1
من $(a \vee B)$ و $(\sim a)$ نستتبط $(B)$ & من $(a \vee B)$ و $(\sim B)$ نستتبط $(a)$	حجة الفصل (DA)	2
من $(a \wedge B)$ و $(\sim a)$ نستتبط $(\sim B)$ & من $(a \wedge B)$ و $(\sim B)$ نستتبط $(\sim a)$	حجة الوصل (CA)	3
من $(a \rightarrow C)$ و $(a \rightarrow B)$ ، نستتبط $(B \rightarrow C)$	حجة القياس (SA)	4

من $(\sim \sim a)$ نستبط $(a)$	النفي المزدوج (DN)	5
$\sim (\sim a \vee \sim B)$ ، نستبط $(a \wedge B)$ $\sim a \vee \sim B$ ، نستبط $(\sim a \wedge \sim B)$ $\sim (a \vee B)$ ، نستبط $\sim a \wedge \sim B$ $a \vee B$ ، نستبط $\sim (\sim a \wedge \sim B)$	قانون دی مورجان (DM)	6
$\sim a \vee B$ ، نستبط $a \rightarrow B$ $a \vee B$ ، نستبط $\sim a \rightarrow B$ $\sim (a \wedge \sim B)$ ، نستبط $a \rightarrow B$ $a \wedge \sim B$ ، نستبط $\sim (a \rightarrow B)$	السهم (AR)	7
$\sim B \rightarrow \sim a$ ، نستبط $B \rightarrow a$ $B \rightarrow a$ ، نستبط $\sim B \rightarrow \sim a$	العكس (CN)	8

(3) قواعد المكممات:

أ) قاعدة المكمل الكلى (UO) :

إذا كنا قد سلمنا بأن الصيغة  $(Cx \rightarrow Dx) \forall x$  هي الصيغة

الصحيحة منطقياً WFF المعبرة عن السور الكلى ، فإن قاعدة الأسوار

الأولى تفترض أنه إذا حذفنا الرمز الدال على السور الكلى  $(\forall x)$  ،

واستبدلنا كذلك المتغير  $(x)$  بحد مفرد ول يكن  $(a)$  ، لصارت الصيغة

$(Cx \rightarrow Dx)$  مكافئة منطقياً للصيغة الأصلية ، وبناءً عليه يمكن

اشتقاق العديد من الأمثلة المكافئة للصيغة الأصلية ، وتكون على شكلة

الصيغة الجديدة ، وعلى ذلك يمكن صياغة القاعدة الأولى كالتالي:

من التكميم الكلى يمكن اشتقاق أى مثال عليه

(ب) قاعدة المكمم الوجودى ( $E0$ ) :

بالمثل، إذا كنا قد سلمنا بأن الصيغة  $(\exists x)(Cx \wedge Dx)$  هي الصيغة

الصحيحة منطقياً المعبرة عن السور الوجودى ، فإن هذه القاعدة تفترض

أنه لو حذفنا الرمز الدال على السور الوجودى  $(\exists x)$  ، واستبدلنا المتغير

$(x)$  بحد مفرد ول يكن  $(a)$  ، لصارت الصيغة  $(Cx \wedge Dx)$  مكافئة منطقياً

للصيغة الأصلية ، وبناءً عليه يمكن اشتقاق العديد من الأمثلة المكافئة

للصيغة الأصلية ، وتكون على شكلة الصيغة الجديدة ، وعلى ذلك

يمكن صياغة القاعدة الثانية كالتالي :

من التكميم الوجودي يمكن اشتقاق أي مثال عليه

(ج) قاعدة تغيير المكمم (QE)<sup>(168)</sup>:

ويمكن صياغتها على النحو التالي :

$\exists x \sim (\neg a_x)$  ، نستتبع

$\forall x \sim (\neg a_x)$  ، نستتبع

وعلى الرغم من تعدد القواعد، والذى ربما يعطى انطباعاً بتعقد هذه

الطريقة وصعوبتها ، إلا أن الأمر سيبدو غير ذلك عند تطبيقها على عدد

من الأمثلة (169):

مثال (1) كل الميتون لا ينفون دماً

أحمد ينرف دماً

∴ أحمد ليس ميتاً

الصيغة الرمزية:

$\forall x (Mx \rightarrow \neg Dx)$  ، Da.: ~

Ma

البرهان:

<sup>168</sup>- Ibid., p205.

<sup>169</sup>- Ibid., p20-22.

(1)	$\forall x (Mx \rightarrow \neg Dx)$	مقدمة
(2)	$Da$	مقدمة
(3)	$Ma \rightarrow \neg Da$	$(UO) \cdot (1)$
(4)	$Da \rightarrow \neg Ma$	$(CN) \cdot (3)$
(5)	$\neg Ma$	$(4) \cdot (2)$

كل الحكام وطنيون . : مثال (2)

كل الوطنيون ليسوا خونة

$\therefore$  كل الحكام ليسوا خونة

الصيغة الرمزية :

$$\forall x (Hx \rightarrow Wx) , \forall x (Wx \rightarrow \neg Kx) \therefore \forall x (Hx \rightarrow \neg Kx)$$

البرهان :

(1)	$\forall x (Hx \rightarrow Wx)$	مقدمة
(2)	$\forall x (Wx \rightarrow \neg Kx)$	مقدمة
(3)	$\neg \forall x (Hx \rightarrow \neg Kx)$	النتيجة منفية
(4)	$\exists x \sim (Hx \rightarrow \neg Kx)$	$(QE) \cdot (3)$
(5)	$\sim (Ha \rightarrow \neg Ka)$	$(Eo) \cdot (4)$

(6)	$Ha \rightarrow Wa$	(Uo) ، (1)
(7)	$Wa \rightarrow \sim Ka$	(Uo) ، (2)
(8)	$Ha \rightarrow \sim Ka$	(SA) ، (7) ، (6)
(9)	$\sim(Ha \rightarrow \sim Ka) \wedge (Ha \rightarrow \sim Ka)$	(8) ، (5)
(10)	$\forall x (Hx \rightarrow \sim Kx)$	(9) ، (3)

## 2:4:3 الدياجرامات:

الدياجرامات أو الرسوم البيانية هي إحدى الآليات التي يمكن من خلال

استعمالها "ليس تحديد الصحة المنطقية فحسب ، بل عدم الصحة أيضاً .

ويمكن ذلك عندما نتعامل مع قضايا منطق المحمول على أنها تحتوى

على فئات Classes، ويكون تمثيل أي صفة أو خاصية تحمل في

القضية ، سوف يكون عبارة عن فئة الأشياء التي تتسب إلىها هذه الصفة

. ويتم ذلك من خلال رسم دوائر - يتحدد عددها بناء على عدد

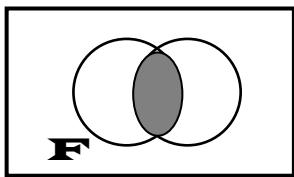
المحمولات - ووضعها داخل مستطيل.“<sup>170</sup>

---

<sup>170</sup> - Ibid, p67.

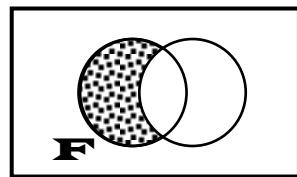
ويمكننا من خلال الدياجرامات التعبير مثلاً عن القضايا العامة

الأربعة<sup>(171)</sup> على النحو التالي:



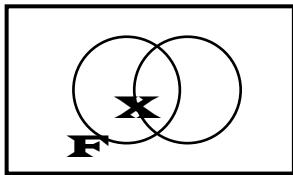
(2) كليه سالبه

لا فنان مبدع



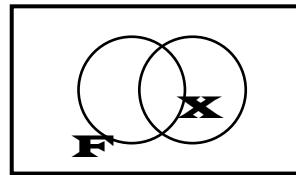
(1) كليه موجبة

كل الفنانين مبدعون



(4) جزئية سالبه

بعض الفنانون ليسوا مبدعين



(3) جزئية موجبة

بعض الفنانين مبدعون

لاحظ أن في حالة القضية الكلية - موجبة وسالبة - يوجد تضليل،

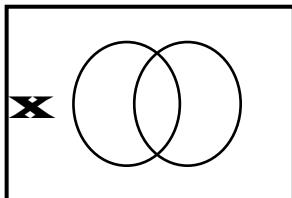
ويعنى أن أفراد هذه الفئة غير موجودين ، ففي القضية الكلية الموجبة

---

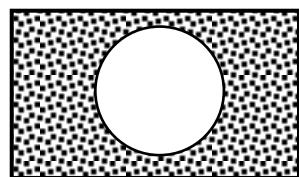
<sup>171</sup> - Ibid., p68.

تشير الفئة المظللة إلى أن : الفنانون الذين هم ليسوا مبدعون غير موجودين ، بينما تشير الكلية السالبة إلى أن: الفنانون المبدعون غير موجودين . بينما الأمر في القضية الوجودية - وجدة أو سالبة - يختلف قليلاً ، حيث نضع الرمز (x) ليشير إلى أنه يوجد فرد واحد على الأقل ينتمي إلى هذه الفئة ، فيشير في الجزئية الموجدة لوجود فرد واحد على الأقل بحيث أن هذا الفرد فنان ومبدع في نفس الوقت ، ويشير في الجزئية السالبة لوجود فرد واحد على الأقل بحيث أن هذا الفرد فنان وليس مبدع.

ويمكن لهذه الآلية أيضاً أن تتعامل مع قضايا أكثر تركيباً، مثل (172):



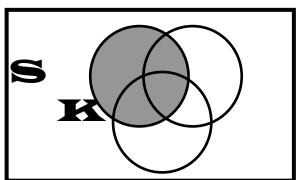
بعض الأشياء



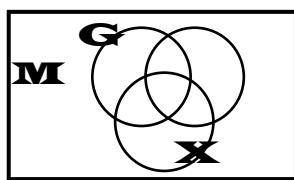
كل شيء جميل

لا مفيدة ولا ممتعة

<sup>172</sup> - Ibid., pp71-72



كل القضاة



بعض الجنود

مصريون شرفاء

المصريون ليسوا شجعان

### آلية التفسير 3:4:3

”إذا كانت آلية البرهان الصورى يمكنها إثبات صحة أي حجة صحيحة منطقياً ، وإذا كانت آلية الدياجرامات يمكنها التعامل مع كلاً من الحجج الصحيحة وغير الصحيحة على حد سواء ، فإن آلية التفسير - وتسمى أيضاً البرهنة المنافية - يمكنها التعامل مع أي حجة باطلة لإثبات بطلانها . والفرق بينها وبين الدياجرامات ، أن الدياجرامات تستطيع تمثيل - بيانياً - عدد كبير من الحجج ، إلا أنها غير قادرة على التعامل مع

القضايا أو الحجج العلائقية ، وكذلك الحجج ذات التسوير المتعدد.”<sup>(173)</sup>

وتعتمد هذه الطريقة على أربعة خطوات وهي ”:

1) ترميز الحجة المراد اختبار صحتها.

2) تحديد عالم المقال (Universal Discourse (UD

3) توضيح معنى الرموز المستخدمة كمتغيرات مثل (x) ، أما

المحمولات أو الحدود المفردة فليست في حاجة لذلك ، لأن الحروف التي

تشير إليها كافية لتمييزها.

4) صياغة الحجة المفسرة ، وذكر قيمة الصدق Truth Value

لكل مقدمة وأيضاً للنتيجة.”<sup>(174)</sup>

خذ مثلاً الحجة :

كل القطط من الثبييات ، سعاد من الثبييات ، إذن سعاد قطة

ووفقاً للخطوات السابقة ، فإن هذه الحجة ترمز على النحو التالي:

---

<sup>173</sup> - Ibid., p111.

<sup>174</sup> - Ibid., p113.

$\forall x (Kx \rightarrow Tx) , Ts \therefore Ks$

أما عن عالم المقال (UD) : فهو : "الحيوانات".

أما عن المعانى التى يشير إليها (x) فى الحجة ، وكذلك الحد المفرد

: فهى :

$Kx = x$  هى قطة

$Tx = x$  هى ثبى

$s =$  سعاد

وبناءً عليه ، تصاغ الحجة المفسرة كالتالى:

كل القطط من الثبييات (صادقة)

سعاد من الثبييات (صادقة)

إذن سعاد قطة (كاذبة)